

NUMBER SYSTEM

SHEET 01

Unit Digit



Unit Digit

$$23 \times 24 = ?$$

~~$$\begin{array}{r} 23 \\ \times 24 \\ \hline 92 \\ 460 \\ \hline 552 \end{array}$$~~

$$\cancel{5}1\cancel{2} \times \cancel{3}1\cancel{4} \times \cancel{7}2\cancel{1}$$

$$2 \times 4 \times 1 = \underline{8}$$

$$51\textcircled{2} + 31\textcircled{4} + 72\textcircled{1}$$

$$2 + 4 + 1 = \textcircled{7}$$

$$+ 51\cancel{2} + 31\cancel{4} - 72\cancel{1}$$

$$+2 + 4 - 1 = 5$$

$$64 - 15$$

$$= 14 - 5 = 9$$

Unit digit

$$0^n = 0$$

$$1^n = 1$$

$$5^n = 5$$

$$6^n = 6$$

(i) $20 \times 30 \times 500 \times 786900 \times 51200 = 0$

(ii) $(76240)^{51432} = 0$

(iii) $(12340)^{\underline{12345}} = 0$

$$(2\underline{5})^{12\underline{5}} = S$$

$$(2\underline{5})^{2\underline{0}} = S$$

$$(2\underline{5})^{2\underline{7}} = S$$

~~0~~, ~~1~~, 2, 3, 4, ~~5~~, ~~6~~, 7, 8, 9

.

	odd	even
4	4	6
9	9	1

$$\begin{array}{lcl}
 4^{\textcircled{1}} & = & \textcircled{4} \\
 4^{\textcolor{red}{2}} & = & 1\textcircled{6} \\
 4^{\textcircled{3}} & = & 6\textcircled{4} \\
 4^{\textcolor{red}{4}} & = & 25\textcircled{6}
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{l}
 q^1 = 9. \\
 \checkmark q^2 = 81 \\
 q^3 = 729. \\
 \checkmark q^4 = 6561
 \end{array}$$

$$4^{162} = 6$$

$$4^{1165} = 4$$

$$4^{1964532\textcircled{1}} = 4$$

$$4^{1562} = 6$$

$$q^{1669} = q$$

$$q^{2400} = \underline{1}$$

$$q^{32416} = \underline{1}$$

$$\underline{4^1} + 9^2 + 4^3 + 9^4 + 4^5 + 9^6 + \dots + 9^{100}$$

$$4 + 1 + 4 + 1 + 4 + 1 \quad \underline{\hspace{2cm}}$$

$$5 \times 50 = 0$$

unit digit

$$\underline{4}^1 \times 9^2 \times 4^3 \times 9^4 \times 4^5 \times 9^6 \quad - \quad - \quad - \quad \times 9^{100}$$

$$4 \times 1 \times 4 \times 1 \times$$

$$= 4^{50} = 6$$

unit digit

Cyclicality_



Example

$$2^1 = \underline{2}$$

$$2^2 = \underline{4}$$

$$2^3 = \underline{8}$$

$$2^4 = \underline{16}$$

$$2^5 = \underline{32}$$

$$2^6 = \underline{64}$$

$$2^7 = \underline{128}$$

$$2^8 = \underline{256}$$

$$2^9 = \underline{512}$$

$$2^{10} = \underline{1024}$$

$$2^{11} = \underline{2048}$$

$$2^{12} = \underline{4096}$$

Note. किसी भी संख्या का Unit Digit
हर 4 power के बाद repeat होगा

$$2^{\textcircled{125}} = 2^1 = \textcircled{2}$$

$$2^{\cancel{12}\textcircled{78}} = 2^2 = \textcircled{4} \checkmark \checkmark$$

$$(\cancel{415})^{\cancel{511}} + (\cancel{635})^{1197} + (\cancel{5616})^{42}$$

$$5^3 + 5^1 + 6^2$$

$$5 + 5 + 6 = \textcircled{6}$$

$$(232)^{\underline{315}} + (41\underline{7})^{\textcircled{21}} + (613)^{\underline{11348678}}$$

$$= 2^3 + 7^1 + 3^2$$

$$= 8 + 7 + 9$$

$$= \textcircled{4} \checkmark$$

$$(-1)^{20} = 1^4 = \overbrace{1 \times 1}^{9 \times 9} \times \overbrace{1 \times 1}^{9 \times 9} = \textcircled{1}$$

$$(-1)^{2124} = 1^4 =$$

$$(-1)^{9296} = 1^4 \cdot$$

The digit in unit's place of the product

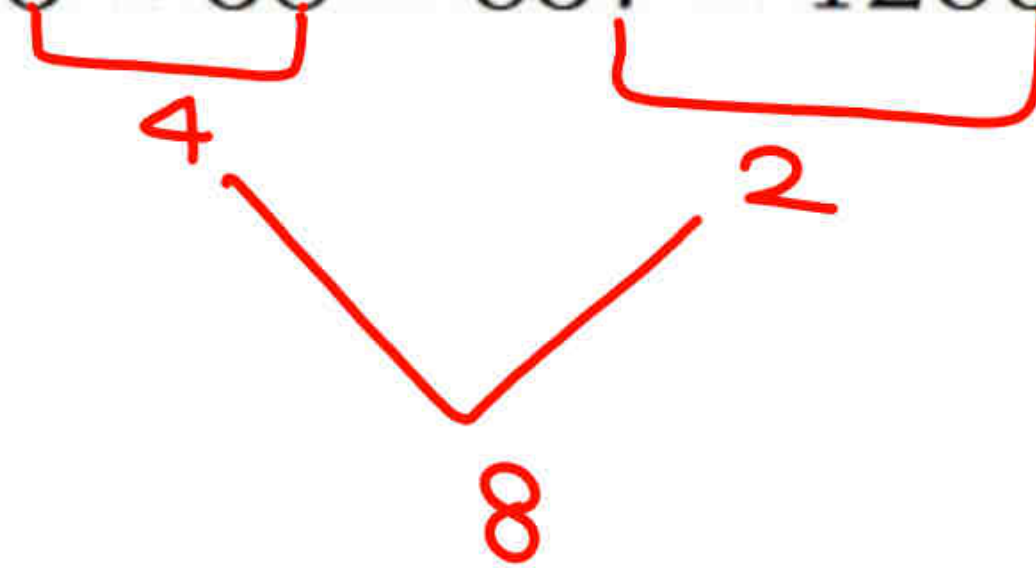
निम्नलिखित गुणनफल का इकाई अंक ज्ञात करें।

$$49237 \times 3995 \times 738 \times 83 \times 9 \text{ is :}$$

- ☒ (a) 0
- (b) 7
- (c) 6
- (d) 8

The unit digit in $3 \times 38 \times 537 \times 1256$ is :

$3 \times 38 \times 537 \times 1256$ का इकाई अंक ज्ञात करें।



(a) 4

(b) 2

(c) 6

☒ (d) 8

The digit in unit's place of the product $81 \times 82 \times 83 \times \dots \times 89$ is :

गुणनफल $81 \times 82 \times 83 \times \dots \times 89$ के इकाई स्थान का अंक है :

- ☒ (a) 0
- (b) 2
- (c) 6
- (d) 8

$$3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 13 \times 17 \times 19 - \text{ —}$$

(Handwritten green marks: a bracket under 3 and 5, and four 'S' marks below the other numbers, indicating the unit digit of each factor is 5.)

Find the unit digit of the product of all the odd prime number.

सभी विषम अभाज्य संख्याओं के गुणनफल का इकाई अंक ज्ञात कीजिए।

$$5 \times \text{any odd no} = 5$$

- (a) 0
- (b) 1
- (c) 2
- (d) 5 ✓

prime $\rightarrow$ even no $\rightarrow$ 2
rest odd $\rightarrow$

Find the unit digit of the product of all the prime number.

सभी अभाज्य संख्याओं के गुणनफल का इकाई अंक ज्ञात कीजिए।

$$\textcircled{2} \times 3 \times 5 \times 7 \times \dots = \dots$$

0

$5 \times \text{any even no.} = 0$

- ☒ (a) 0
- (b) 1
- (c) 2
- (d) 5

The digit in unit place of the number

परिणामी संख्या में इकाई अंक ज्ञात करें।

$(1570)^2 + (1571)^2 + (1572)^2 + (1573)^2$ is :

$$0 + 1 + 4 + 9.$$

(a) 1

(b) 2

(c) 3

✓ (d) 4

The units digit of the expression

परिणामी संख्या में इकाई अंक ज्ञात करें।

$25^{6251} + 36^{528} + 73^{54}$ is :

$$5 + 6 + 3^2$$

$$1 + 9 = 0$$

(a) 6

(b) 5

(c) 4

✓ (d) 0

Find the units digit of 43^{46} .

43^{46} का इकाई अंक ज्ञात करें।

3^2

(a) 7

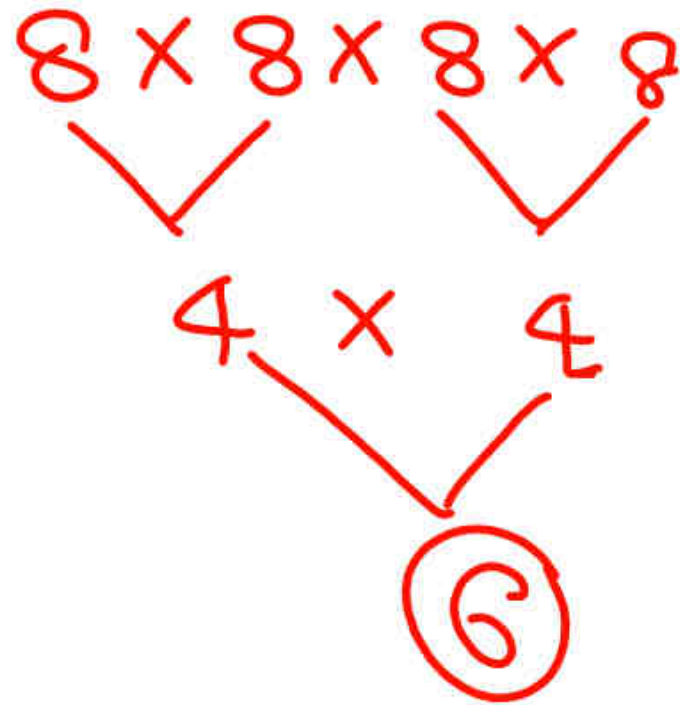
☒ (b) 9

(c) 0

(d) 6

Find the units digit of $43^{43} - 28^{28}$.

$43^{43} - 28^{28}$ का इकाई अंक ज्ञात करें।



$$3^3 - 8^4 = 7 - 6$$

- ✓ (a) 1
(b) 2
(c) 3
(d) 4

$$2^{\textcircled{3^4}} = 2^{81} = 2^1 = 2$$

$$3^4 = \frac{3 \times 3 \times 3 \times 3}{4} = \textcircled{1}$$

$$3^{\textcircled{4^4}} = 3^{256} = 3^4 = 1$$

$$4^4 = \frac{4 \times 4 \times 4 \times 4}{4} = 4$$

$$3^{14^{14}}$$

$$14^{14} = \frac{\overset{2}{\cancel{14}} \times 14 \times 14}{\cancel{4}} = 8$$

$$\textcircled{32}^{\textcircled{32}^{\textcircled{32}}} = 32^4$$

$$= \textcircled{6}$$

$$32^{32} = \frac{\cancel{32} \times \dots \times \cancel{32}}{\cancel{4}} \text{ 32 times}$$

$$= \textcircled{4}$$

$$2^4 = \textcircled{6}$$

Find the last digit of $32^{\textcircled{32}}$.

32^{32} का अंतिम अंक ज्ञात कीजिए।

(a) 2

(b) 4

☒ (c) 6

(d) 8

$$32^{33^{34}} = 32^1 = \textcircled{2}$$

$$\frac{33 \times \dots \times 34 \text{ times}}{4}$$

$$= 1$$

Let $x = (633)^{23} - (277)^{38} + (266)^{54}$ what is the unit digit of x ?

यदि $x = (633)^{23} - (277)^{38} + (266)^{54}$ है, तो x का इकाई अंक क्या है?

SSC CGL Tier II, 11 September 2019

- | | | |
|---------|-----------------|-------|
| (a) 7 | $3^3 - 7^2 + 6$ | (b) 6 |
| (c) ✓ 4 | $7 - 9 + 6$ | (d) 8 |

If $x = (164)^{169} + (333)^{337} - (727)^{726}$ what is the unit digit of x ?

यदि $x = (164)^{169} + (333)^{337} - (727)^{726}$ है, तो x का इकाई अंक क्या है?

SSC CGL Tier II, 11 September 2019

$$4^1 + 3^1 - 7^2$$
$$7 - 9 =$$

(a) 5

(b) 7

☒ (c) 8

(d) 9

The digit in the unit's place of $[(251)^{98} + (21)^{29} - (106)^{100} + (705)^{35} - 16^4 + 259]$ is $[(251)^{98} + (21)^{29} - (106)^{100} + (705)^{35} - 16^4 + 259]$ के इकाई स्थान का अंक है :

$$1 + 1 - 6 + 5 - 6 + 9$$

$$16 - 12 = 4$$

- (a) 1
- ✓ (b) 4
- (c) 5
- (d) 6

The unit digit in the product
परिणामी संख्या में इकाई अंक ज्ञात करें।

$7^{71} \times 6^{63} \times 3^{65}$ is :

$$= 7^3 \times 6 \times 3^4$$
$$= 3 \times 6 \times 3$$

8 4

(a) 1

(b) 2

(c) 3

☒ (d) 4

Find the unit digit in the product

परिणामी संख्या में इकाई अंक ज्ञात करें।

$$(4387)^{245} \times (621)^{72}.$$

$$7^5 \times 1$$

(a) 1

(b) 2

(c) 5

✓ (d) 7

P.S.W

The digit in the unit's place of the product $(2464)^{1793} \times (615)^{317} \times (131)^{491}$ is :

$(2464)^{1793} \times (615)^{317} \times (131)^{491}$ के इकाई स्थान का अंक है :

(a) 0

(b) 2

(c) 3

(d) 5

$$0^n = 0$$

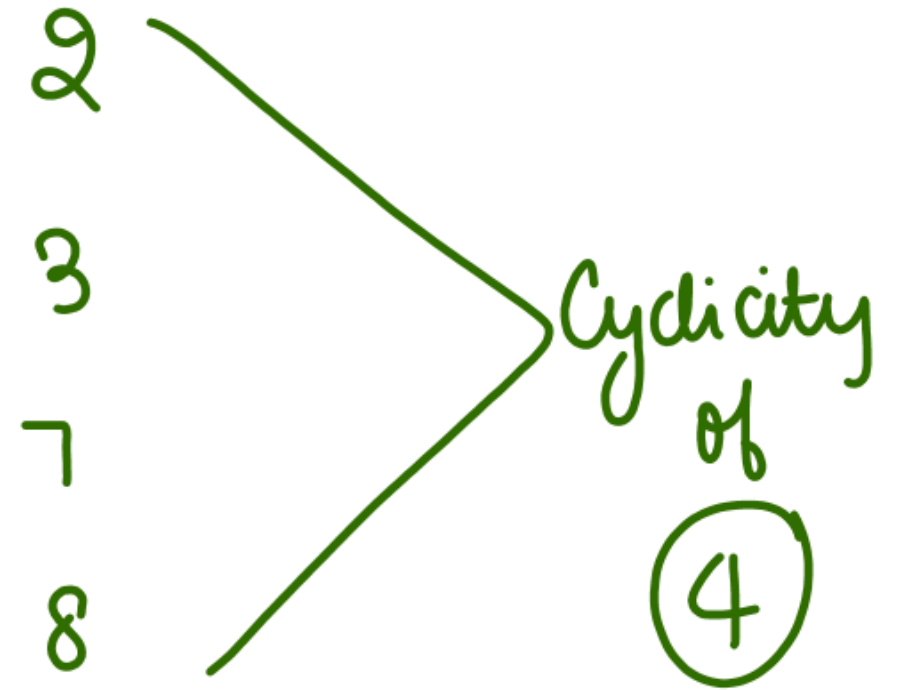
$$1^n = 1$$

$$5^n = 5$$

$$6^n = 6$$

Unit Digit

	odd	even
4	1	6
9	9	1



The last digit $(1001)^{2008} + 1002$ is :

$(1001)^{2008} + 1002$ का अंतिम अंक है :

(a) 0

☒ (b) 3

(c) 4

(d) 6

$1+4+9+6+(5)+6+9+4+1+0$

Find the last digit of the expression
निम्न व्यंजक का अंतिम अंक ज्ञात कीजिए।

$(5) \times 10 = 0$

$1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + 100^2.$

$$\frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

$$= \frac{100 \times 101 \times 201}{6}$$

$$= 0$$

- (a) 0
- (b) 1
- (c) 3
- (d) 5

$$\frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

11 17
~~33~~ × ~~34~~ × 67
62

11 × 17 × 67
 7 (9)

Find the last digit of the expression
 निम्नलिखित व्यंजक का अंतिम अंक ज्ञात कीजिए।

$$1^2 + 2^2 + \dots + 32^2 + 33^2.$$

S
 S
 S
 4
 9

9

(a) 0

(b) 5

(c) 7

✓ (d) 9

Find the unit digit of/इकाई अंक ज्ञात करें।

$$\textcircled{1^1} + 2^2 + 3^3 + 4^4 + 5^5 + 6^6 + 7^7 + 8^8 + 9^9 + 10^{10}.$$

$$\cancel{1} + \cancel{4} + \cancel{7} + 6 + 5 + 6 + \cancel{3} + \cancel{6} + \cancel{9} + 0$$

(a) 0

(b) 5

✓ (c) 7

(d) 9

Concept of Factorial

Sign $\rightarrow$ $a!$ or $\underline{a}$

$$1! = 1$$

$$2! = 1 \times 2$$

$$3! = 1 \times 2 \times 3$$

$$4! = 1 \times 2 \times 3 \times 4$$

$$\underline{111} = 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times 11$$

$$\textcircled{i} \ a^b = 2^7 = 2^3 = 8$$

$$\textcircled{ii} \ (a!)^b = (2!)^7 = (2)^7 = 8$$

$$\textcircled{iii} \ (a)^{b!} = (2)^{7!}$$

$$\textcircled{iv} \ (a!)^{b!} = (2!)^{7!}$$

Note:- जब power $4!$ से ज्यादा होगा तो
power को $4!$ लिखेंगे।

$$\underline{4!} = \textcircled{24} = 4$$

$$7^{3!}$$

$$, 7^{4!}$$

$$, 7^{5!}$$

$$, 7^{500!}$$

$$, 7^{5192!}$$

$$7^2 = 9$$

$$7^4 = 1$$

$$= 7^{3!}$$

$$, 7^{4!}$$

$$, 7^{4!}$$

$$, 7^{4!}$$

$$, 7^{4!}$$

$$= 7^6$$

$$, 7^4$$

$$, 7^4$$

$$, 7^4$$

$$, 7^4$$

$$= 9$$

$$, 1$$

$$, 1$$

$$, 1$$

$$, 1$$

$$, 1$$

$$, 1$$

$$, 1$$

$$, 1$$

$$1! = 1 = 1$$

$$2! = 1 \times 2 = 2$$

$$3! = 1 \times 2 \times 3 = 6$$

$$4! = 1 \times 2 \times 3 \times 4 = 24$$

$$5! = 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 = 120$$

$$6! = 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 \times 6 = 720$$

$$7! = 5040$$

$$8! = 40320$$

$$9! = 362880$$

$$10! = 3628800$$

Note:- 4! के बाद किसी भी संख्या का
factorial का इकाई अंक zero.

$$\text{Ex:- } 1187! = 0$$

$$6! = 0$$

$$232425! = 0$$

The last digit of the following expression is :

निम्नलिखित व्यंजक का अंतिम अंक ज्ञात करें।

$$(\underline{1})^1 + (\underline{2})^2 + (\underline{3})^3 + (\underline{4})^4 + \dots (\underline{10})^{10}$$

$$(1)^1 + (2)^2 + (3)^3 + (4)^4 + 0$$

$$= 1 + 4 + 6 + 6$$
$$= 7$$

(a) 0

(b) 5

✓ (c) 7

(d) 9

Find the unit digit of the expression :

निम्नलिखित व्यंजक का इकाई अंक ज्ञात करें।

$$\cancel{2222}^{2222} + \cancel{(4444)}^{4444} + \cancel{(8888)}^{8888} + (9999)^{9999}$$

$$\begin{aligned} & 2^4 + 4^4 + 8^4 + 9^4 \\ &= 6 + 6 + 6 + 1 \\ &= 9 \end{aligned}$$

(a) 0

(b) 2

(c) 5

✓ (d) 9

$$(\underline{62})^{63!} = 2^4 = 6$$

The right most non-zero digits of the number 30^{2720} is :

संख्या 30^{2720} में सबसे दाएं अशून्य संख्या है :

$$3^4 = 1$$

- ☒ (a) 1
- (b) 3
- (c) 7
- (d) 9

Find the unit digit of $(\cancel{12345678}9)^{\cancel{12345678}9}$.

$(123456789)^{123456789}$ का ईकाई अंक ज्ञात करें।

(a) 2

(b) 6

(c) 1

☒ (d) 9

$$9^{\text{odd}} = 9$$

$$9^{\text{even}} = 1$$

Find the unit digit of $(123456789)^{123456789!}$.

$(123456789)^{123456789!}$ का ईकाई अंक ज्ञात करें।

- (a) 2 (b) 6 ✓ (c) 1 (d) 9

$$= 9^4$$

Find the unit digit of $97\underline{3}^{234!} \times 234^{973!}$.

$973^{234!} \times 234^{973!}$ का ईकाई अंक ज्ञात करें।

- (a) 2 ✓ (b) 6 (c) 7 (d) 9

$$\begin{array}{l} 3^4 \times 4^4 \\ 1 \times 6 \end{array}$$

Find the unit digit of the expression :

निम्नलिखित व्यंजक का इकाई अंक ज्ञात करें।

$$1! + 2! + 3! + 4! + \dots + 100!.$$

- (a) 1 (b) 0 (c) 3 (d) 5

$$1 + 2 + 6 + 4 + 0$$

The last digit of the following expression is :

निम्नलिखित व्यंजक का अंतिम अंक ज्ञात करें।

pg.w

$$(\underline{1})^1 + (\underline{2})^2 + (\underline{3})^3 + (\underline{4})^4 + \dots\dots\dots (\underline{10})^{10}$$

(a) 0

(b) 5

(c) 7

(d) 9

$$1 \cdot (1)^1 + 2 \cdot (2)^2 + 3 \cdot (6)^6 + 4 \cdot (4)^4 + 0$$

$$= 1 + 8 + 8 + 4$$

$$= \textcircled{1}$$

Find the unit digit of the expression :

निम्नलिखित व्यंजक का इकाई अंक ज्ञात करें।

$$1 \cdot (1!)^{1!} + 2 \cdot (2!)^{2!} + 3 \cdot (3!)^{3!} + \dots + 101 \cdot (101!)^{101!}$$

(a) 5

(b) 3

(c) 0

(d) 1

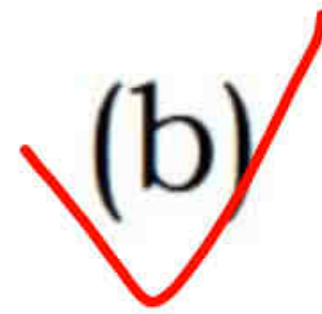
Note: Following cannot be the unit digit of
a perfect square

2, 3, 7, 8

Which of the following can't be the unit's digit of a perfect square?

निम्नलिखित में से कौन-सा पूर्ण वर्ग का इकाई अंक नहीं हो सकता है?

(a) 4

 (b) 8

(c) 9

(d) 6

$$\begin{array}{l} * \quad (2^3)^4 = 2^{3 \times 4} = 2^{12} \\ * \quad 2^{3^4} = 2^{81} \end{array} \quad \left| \quad \begin{array}{l} (a^m)^n = a^{m \times n} \\ \textcircled{a^{m^n}} = \underline{a^{m^n}} \end{array} \right.$$

$$(137)^{13 \times 47}$$

$$= 7^{611}$$

$$= 7^3$$

$$= \textcircled{3}$$

The unit digit of $(137^{13})^{47}$ is :

$(137^{13})^{47}$ का ईकाई अंक क्या है?

(a) 1

☒ (b) 3

(c) 5

(d) 7

Find the unit digit of the expression :

निम्नलिखित व्यंजक का इकाई अंक ज्ञात करें।

$$2^{3^4} \times 3^{4^5} \times 4^{5^6} \times 5^{6^7} \times 6^{7^8} \times 7^{8^9} \times 8^{9^{10}} ?$$

(a) 2

(b) 1

☒ (c) 0

(d) 3

$$\underbrace{5 \times 6}$$

$$8 \times N = N + 2$$

If the unit digit of $433 * 456 * 43N$ is $(N + 2)$, then what is the value of N ?

यदि $433 * 456 * 43N$ का इकाई का अंक $(N + 2)$ है, तो N का मान क्या है?

~~(a)~~ 1

~~(b)~~ 3

~~(c)~~ 8

(d) 6