

NUMBER SYSTEM

NUMBER OF ZEROES

PRACTICE SHEET

WITH SOLUTIONS

BY ADITYA RANJAN

 Maths By Aditya Ranjan

 Rankers Gurukul

PDF की विशेषताएं
INDIA में पहली बार

- **UPDATED CONTENT**
- **TYPE WISE**
- **LEVEL WISE**
- **BILINGUAL**
- **ERROR FREE**

MATHS SPECIAL BATCH
में Enroll करने के लिए

8506003399

9289079800

DOWNLOAD

RG VIKRAMJEET APP



MATHS EXPERT

Number of Zeroes

(Practice Sheet With Solution)

1. Find the number of zeros at the end of the product of following expression.

निम्नलिखित व्यंजक के गुणनफल के अंत में शून्यों की संख्या ज्ञात कीजिए।

$$241! \times 25 \times 24 \times 35 \times 12$$

- (a) 61 (b) 58
(c) 63 (d) 66

2. Find the number of zeros at the end of the product of expression

निम्नलिखित व्यंजक के गुणनफल के अंत में शून्यों की संख्या ज्ञात कीजिए।

$$1532! \times 481! \times 34!$$

- (a) 499 (b) 431
(c) 506 (d) 388

3. Find the number of zeros at the end of the product of expression

निम्नलिखित व्यंजक के गुणनफल के अंत में शून्यों की संख्या ज्ञात कीजिए।

$$1^1 \times 2^2 \times 3^3 \times 4^4 \times \dots \times 49^{49}$$

- (a) 100 (b) 150
(c) 200 (d) 250

4. Find the number of zeros at the end of the product of expression

निम्नलिखित व्यंजक के गुणनफल के अंत में शून्यों की संख्या ज्ञात कीजिए।

$$1^{1!} \times 2^{2!} \times 3^{3!} \times 4^{4!} \times \dots \times 10^{10!}$$

- (a) $2! + 4! + 8!$ (b) $2! + 5!$
(c) $5! + 10!$ (d) $2! + 4! + 8! + 10!$

5. Find the number of zeros at the end of the product of expression

निम्नलिखित व्यंजक के गुणनफल के अंत में शून्यों की संख्या ज्ञात कीजिए।

$$100^1 \times 99^2 \times 98^3 \times 97^4 \times \dots \times 1^{100}$$

- (a) 5050 (b) 970
(c) 1124 (d) 2524

6. Find the Number of zeros at the end of the expression

निम्नलिखित व्यंजक के अंत में शून्यों की संख्या ज्ञात कीजिए।

$$10 + 100 + 1000 + \dots + 10000000.$$

- (a) 1 (b) 10
(c) 55 (d) 10000000

7. Find the number of zeros at the end of the product of expression is :

निम्नलिखित व्यंजक के गुणनफल के अंत में शून्यों की संख्या ज्ञात कीजिए।

$$10 \times 100 \times 1000 \times \dots \times 10000000000$$

- (a) 10 (b) 50
(c) 55 (d) 100

8. Find the number of zeros at the end of the following expression

निम्नलिखित व्यंजक के अंत में शून्यों की संख्या ज्ञात कीजिए।

$$(5!)^{5!} + (20!)^{20!} + (50!)^{50!} + (100!)^{100!}$$

- (a) 120 (b) 165
(c) 500 (d) 1025

9. Find the number of zeros at the end of the following expression

निम्नलिखित व्यंजक के अंत में शून्यों की संख्या ज्ञात कीजिए।

$$1! \times 2! \times 3! \times 4! \times 5! \times \dots \times 25!$$

- (a) 46 (b) 100
(c) 12 (d) 56

10. Find the maximum value of n such that $3500!$ is perfectly divisible by 40^n .

n का वह अधिकतम मान ज्ञात कीजिए जिससे $3500!$, 40^n से पूर्णतः विभक्त हो जाए।

- (a) 874 (b) 1164
(c) 3493 (d) None of these

11. Find the highest power of 63 which can exactly divide $5335!$

63 की वह अधिकतम घात ज्ञात कीजिए जो $5335!$ को पूर्णतः विभाजित करे।

- (a) 887 (b) 1331
(c) 2662 (d) None of these

12. Find the maximum value of n such that $50!$ is perfectly divisible by 12600^n .

n का वह अधिकतम मान ज्ञात कीजिए जिससे $50!$, 12600^n से पूर्णतः विभक्त हो जाए।

- (a) 5 (b) 6
(c) 7 (d) 8

13. Find the number of zeroes at the end of $1! \times 2! \times 3! \times 4! \times \dots \times 29!$

$1! \times 2! \times 3! \times 4! \times \dots \times 29!$ के अंत में शून्यों की संख्या बताओं

- (a) 70 (b) 75
(c) 80 (d) 85

14. Find the number of zeroes at the end of

$$2^{11} \times 125^3 \times 7^{11} + 3^{11} \times 7^{11} \times 2^{10} \times 5^1 + 11^{12} \times 2^{13} \times 5^{125}$$

$2^{11} \times 125^3 \times 7^{11} + 3^{11} \times 7^{11} \times 2^{10} \times 5^1 + 11^{12} \times 2^{13} \times 5^{125}$ के अंत में शून्यों की संख्या बताओं

- (a) 11 (b) 9
(c) 125 (d) 1

15. Find the number of zeroes in $n!$ where n is number between 66 to 69.

$n!$ में शून्यों की संख्या ज्ञात कीजिए जहाँ n , 66 और 69 के बीच की संख्या है।

- (a) 12 (b) 15
(c) 13 (d) 1

16. Find the number of zeroes in $(a \times b \times c)!$ where b is 1 more than a & c is 2 more than a and a is the product of the first two positive prime numbers.

$(a \times b \times c)!$ में शून्यों की संख्या ज्ञात कीजिए जहाँ b , a से 1 अधिक है और c , a से 2 अधिक है और a प्रथम दो धनात्मक अभाज्य संख्याओं का गुणनफल है।

- (a) 82 (b) 67
(c) 21 (d) 80

Answer Key

1.(a)	2.(c)	3.(d)	4.(c)	5.(c)	6.(a)	7.(c)	8.(a)	9.(d)	10.(a)
11.(a)	12.(d)	13.(c)	14.(d)	15.(b)	16.(a)				

SOLUTION

1. (a)

$$241! \times 25 \times 24 \times 35 \times 12$$

No. of zeroes = No. of 5

$$\text{No. of 5 in } 241! = \frac{241}{5} = 48$$

$$\frac{48}{5} = 9$$

$$\frac{9}{5} = \frac{1}{58} \text{ (Total)}$$

$$\text{No. of 5 in } 25 = 2$$

$$\text{No. of 5 in } 35 = 1$$

$$\text{Total no. of 5} = 58 + 2 + 1 = 61$$

2. (c)

$$1532! \times 481! \times 34!$$

$$\begin{array}{r} 5 \mid 1532 \\ 5 \mid 306 \\ 5 \mid 61 \\ 5 \mid 12 \\ 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5 \mid 481 \\ 5 \mid 96 \\ 5 \mid 19 \\ 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5 \mid 34 \\ 5 \mid 6 \\ 1 \end{array}$$

$$\text{Total 5} = 381 \quad \text{Total 5} = 118 \quad \text{Total 5} = 7$$

$$\text{Total No. of zeroes} = \text{Total No. of 5}$$

$$= 381 + 118 + 7$$

$$= 506$$

3. (d)

$$1^2 \times 2^2 \times 3^3 \times \dots \times 49^{49}$$

$$\text{No. of 5} = 5 + 10 + 15 + 20 + 50 + 30 + 35 + 40 + 45 = 250$$

$$\text{So, no. of zeroes} = 250$$

4. (c)

$$1^{1!} \times 2^{2!} \times 3^{3!} \times \dots \times 10^{10!}$$

$$\text{No. of 5} = 5! + 10!$$

$$\text{So, No. of zeroes} = (5! + 10!)$$

5. (c)

$$100^1 \times 99^2 \times 98^3 \times \dots 95^6 \dots 1^{100}$$

$$75^{26}$$

↑

$$\text{No. of 5} = [2 + 6 + 11 + 16 + 21 + \dots + 52 \dots]$$

$$50^{51}$$

$$25^{76}$$

↑

↑

$$+ \dots 102 + \dots + 152 + \dots + 96]$$

$$= 2 + [6 + 11 + 16 + 21 + 26 + 31 + \dots + 96]$$

$$+ 26 + 51 + 76$$

$$= 2 + \frac{19}{2} \times (6 + 96) + 153$$

$$= 2 + \frac{19}{2} \times 102 + 153$$

$$= 2 + 969 + 153 = 1124$$

6. (a)

$$10 + 100 + 1000 + \dots 10000000$$

$$\text{No. of zeroes in end} = 1$$

7. (c)

$$10 \times 100 \times 1000 \times \dots \times 10000000000$$

$$\text{No. of zeroes in end} = 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 10 = 55$$

8. (a)

$$5^{5!} + 20^{20!} + 50^{50!} + 100^{100!}$$

$$\text{No. of minimum 5 in expression} = 5!$$

$$= 5 \times 4 \times 3 \times 2$$

$$= 120$$

$$\text{No. of zeroes} = 120$$

9. (d)

$$1! \times 2! \times 3! \times \dots \times 25!$$

$$1! \times 2! \times 3! \times 4! \times \underbrace{(5! \times 6! \times \dots 9!)}_5 \times \underbrace{(10! \times \dots 14!)}_{10} \times \underbrace{(15! \times 16! \times \dots 19!)}_{15} \times \underbrace{(20! \times \dots 24!)}_{24} \times 25!$$

$$\begin{array}{c} \downarrow \qquad \qquad \qquad \downarrow \\ 5 \qquad \qquad \qquad 10 \\ \times (15! \times 16! \times \dots 19!) \times (20! \times \dots 24!) \times 25! \\ \downarrow \qquad \qquad \qquad \downarrow \qquad \qquad \downarrow \\ 15 \qquad \qquad \qquad 24 \qquad \qquad 6 \end{array}$$

$$\text{No. of 5} = 5 + 10 + 15 + 20 + 6$$

$$= 50 + 6$$

$$= 56$$

10. (a)

$$\frac{3500!}{40^n} = \frac{3500!}{(5 \times 2^3)^n}$$

$$n = \text{No. of 5 in } 3500!$$

$$\begin{array}{r} 5 \mid 3500 \\ 5 \mid 700 \\ 5 \mid 140 \\ 5 \mid 28 \\ 5 \mid 5 \\ 1 \end{array}$$

$$\text{Total} = 700 + 174$$

$$= 874$$

$$\text{So, } n = 874$$

11. (a)

$$\frac{5335!}{63^n} = \frac{5335!}{(3^2 \times 7)^n}$$

No. of 7 =

7	5335
7	762
7	108
7	15
7	2

Total 7 = 887

So, n = 887

12. (b)

$$\frac{50!}{(12600)^n} = \frac{50!}{(2^3 \times 3^5 \times 5^7 \times 7^7)^n}$$

7	50
7	7
	1

Total = 7 + 1 = 8

n = 8

13. (c)

$$1! \times 2! \times 3! \times 4! \times \dots \times 29!$$

$$(1! \times 2! \times 3! \times 4!) \times (5! \times 6! \times 7! \times \dots 9!) \times (10! \times \dots 14!) \times (15! \times \dots 19!) \times (20! \times \dots 24!) \times (25! \times \dots 29!)$$

$$\text{No. of 5} = 5 + 10 + 15 + 20 + 30 = 80$$

(See detail solution of question- 9)

14. (d)

$$2^{11} \times 125^3 \times 7^{11} + 3^{11} \times 7^{11} \times 2^{10} \times 5^1 + 11^2 \times 2^{13} \times 5^{125}$$

No. of zeroes = minimum No. of 5 in either Ist, either IInd or IIIrd Part = 1

15. (b)

No. b/w 66 & 69 are 67 & 68

we can take one (n) = 67

No. of 5 in $\rightarrow 67!$

5	67
5	13
	2

Total = 15

No. of zeroes = 15

16. (a)

$$a = 2 \times 3 = 6$$

$$b = (6 + 1) = 7$$

$$1 = (6 + 2) = 8$$

$$(a \times b \times c)! = 336!$$

No. of zeroes = No. of 5 in 336!

5	336
5	67
5	13
	2

Total = 82