

HEIGHT & DISTANCE

ऊँचाई और दूरी

PRACTICE SHEET

WITH SOLUTIONS

BY ADITYA RANJAN

 Maths By Aditya Ranjan

 Rankers Gurukul



PDF की विशेषताएं
INDIA में पहली बार

- **UPDATED CONTENT**
- **TYPE WISE**
- **LEVEL WISE**
- **BILINGUAL**
- **ERROR FREE**

MATHS SPECIAL BATCH
में Enroll करने के लिए



8506003399

9289079800



MATHS EXPERT

DOWNLOAD
RG VIKRAMJEET APP

Height & Distance / ऊँचाई और दूरी (Practice Sheet With Solution)

1. Two ships are sailing in the sea on the two sides of a lighthouse. The angle of elevation of the top of the lighthouse is observed from the ships are 30° and 45° respectively. If the lighthouse is 100 m high, the distance between the two ships is:

एक प्रकाश स्तंभ के दोनों ओर समुद्र में दो जहाज चल रहे हैं। जहाजों से प्रकाश स्तंभ के शीर्ष का उन्नयन कोण क्रमशः 30° और 45° देखा जाता है। यदि लाइटहाउस 100 मीटर ऊँचा है, तो दोनों जहाजों के बीच की दूरी है:

2. An observer 1.6 m tall is $20\sqrt{3}$ m away from a tower. The angle of elevation from his eye to the top of the tower is 30° . The height of the tower is:

1.6 मीटर लंबा एक पर्यवेक्षक एक टावर से $20\sqrt{3}$ मीटर दूर है। उसकी आँख से मीनार के शिखर का उन्नयन कोण 30° है। टावर की ऊँचाई है:

3. From a point P on a level ground, the angle of elevation of the top tower is 30° . If the tower is 100 m high, the distance of point P from the foot of the tower is:

समतल भूमि पर स्थित एक बिंदु P से, शीर्ष मीनार का उन्नयन कोण 30° है। यदि टावर 100 मीटर ऊँचा है, तो टावर के आधार से बिंदु P की दूरी है:

- (a) 161 m (b) 170 m
(c) 173 m (d) 200 m

4. A vertical toy 16 cm long casts a shadow 8 cm long on the ground. At the same time a pole casts a shadow 48 cm long on the ground. Then find the height of the pole ?

16 सेंटीमीटर लंबा एक ऊर्ध्वाधर खिलौना जमीन पर 8 सेंटीमीटर लंबी छाया बनाता है। उसी समय एक खंभे की जमीन पर 48 सेमी लंबी छाया पड़ती है। तो खंभे की ऊंचाई ज्ञात करें?

5. The top and bottom of a tower were seen to be at angles of depression 30° and 60° from the top of a hill of height 100 m. Find the height of the tower ?

एक मीनार के शीर्ष और तल को 100 मीटर ऊँची पहाड़ी की चोटी से 30° और 60° के अवनमन कोणों पर देखा गया। मीनार की ऊँचाई ज्ञात कीजिये?

6. A flagstaff 17.5 m high casts a shadow of length 40.25 m. What will be the height of a building, which casts a shadow of length 28.75 m under similar conditions ?

17.5 मीटर ऊँचे एक ध्वजदंड की छाया 40.25 मीटर लंबी है। एक भवन की ऊँचाई कितनी होगी, जिसकी छाया समान परिस्थितियों में 28.75 मीटर लंबी होती है? ?

7. A tower is broken at a point P above the ground. The top of the tower makes an angle 60° with the ground at Q. From another point R on the opposite side of Q angle of elevation of point P is 30° . If QR = 180 m, then what is the total height (in metres) of the tower?

जमीन के ऊपर एक बिंदु P पर एक टावर टूटा हुआ है। टावर का शीर्ष Q पर जमीन के साथ 60° का कोण बनाता है। Q के विपरीत दिशा में एक अन्य बिंदु R से बिंदु P का उन्नयन कोण 30° है। यदि QR = 180 मीटर है, तो टावर की कुल ऊँचाई (मीटर में) कितनी है?

8. A ladder is resting against a vertical wall and its bottom is 2.5 m away from the wall. If it slips 0.8 m down the wall, then its bottom will move away from the wall by 1.4 m. What is the length of the ladder?

एक सीढ़ी एक खड़ी दीवार के सहारे टिकी है और उसका तल दीवार से 2.5 मीटर की दूरी पर है। यदि यह दीवार से 0.8 मीटर नीचे खिसकती है, तो इसका तल दीवार से 1.4 मीटर दूर चला जाएगा। सीढ़ी की लंबाई कितनी है?

9. The tops of two poles of height 60 metres and 35 metres are connected by a rope. If the rope makes an angle with the horizontal whose

tangent is $\frac{5}{9}$ metres, then what is the distance (in metres) between the two poles?

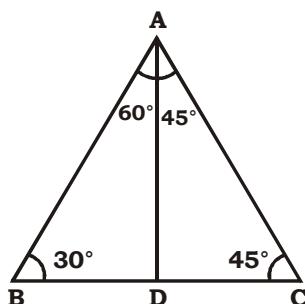
- एक आदमी एक जहाज के डेक पर खड़ा है, जो जल स्तर से 10 मीटर ऊपर है। वह एक लाइट हाउस के शीर्ष का उन्नयन कोण 60° और लाइटहाउस के आधार का अवनमन कोण 30° देखता है। लाइट हाउस की ऊँचाई ज्ञात कीजिए।
- (a) 30m (b) 40m
(c) 45m (d) 38m
28. From the top of a building 60m high, the angle of elevation and depression of the top and the foot of another building are α and β respectively. Find the height of the second building.
- 60 मीटर ऊँचे एक भवन के शीर्ष से, एक अन्य भवन के शीर्ष और पाद के उन्नयन और अवनमन कोण क्रमशः α और β हैं। दूसरे भवन की ऊँचाई ज्ञात कीजिए।
- (a) $60(1 + \tan\alpha \tan\beta)$
(b) $60(1 + \cot\alpha \tan\beta)$
(c) $60(1 + \tan\alpha \cot\beta)$
(d) $60(1 - \tan\alpha \cot\beta)$
29. An aeroplane, when 4000m high from the ground, pass vertically above another aeroplane at an instance when the angles of elevation of the two aeroplanes from the same point on the ground are 60° and 30° respectively. Find the vertical distance between the two aeroplanes.
- एक हवाई जहाज, जब जमीन से 4000 मीटर ऊँचा होता है, एक दूसरे हवाई जहाज के ऊपर से लंबवत रूप से गुजरता है, जब जमीन पर एक ही बिंदु से दो हवाई जहाज के उन्नयन कोण क्रमशः 60° और 30° होते हैं। दो वायुयानों के बीच की ऊँचाई दूरी ज्ञात कीजिए।
- (a) $\frac{8000}{3}$ m (b) $\frac{7500}{7}$ m
(c) $\frac{6600}{7}$ m (d) 1200m
30. A car is moving at uniform speed towards a tower. It takes 15 minutes for the angle of depression from the top of tower to the car to change from 30° to 60° . What time after this, the car will reach the base of the tower?
- एक कार एक स्थान गति से एक टावर की ओर जा रही है। टॉवर के शिखर से कार के अवनमन कोण को 30° से 60° में बदलने में 15 मिनट का समय लगता है। इसके कितने समय बाद कार टावर के आधार पर पहुँचेगी?
- (a) 6 min (b) 6.5 min
(c) 7 min (d) 7.5 min
31. A man is watching from the top of a tower, a boat speeding away from the tower. The angle of depression from the top of the tower to the boat is 60° when the boat is 80m from the tower. After 10 seconds, the angle of depression becomes 30° . What is the speed of the boat? (Assume that the boat is running in still water).
- एक आदमी एक मीनार के ऊपर से देख रहा है, एक नाव मीनार से दूर जा रही है। जब नाव टावर से 80 मीटर की दूरी पर है तो टावर के शीर्ष से नाव का अवनमन कोण 60° है। 10 सेकंड के बाद अवनमन कोण 30° हो जाता है। नाव की गति क्या है? (मान लीजिए कि नाव शांत जल में चल रही है)।
- (a) 20 m/sec (b) 10 m/sec
(c) 16 m/sec (d) 18 m/sec

ANSWER KEY

1.(c)	2.(a)	3.(c)	4.(b)	5.(c)	6.(c)	7.(d)	8.(b)	9.(d)	10.(c)
11.(d)	12.(b)	13.(a)	14.(c)	15.(b)	16.(c)	17.(a)	18.(c)	19.(b)	20.(b)
21.(c)	22.(a)	23.(b)	24.(a)	25.(c)	26.(b)	27.(b)	28.(c)	29.(a)	30.(d)
31.(c)									

SOLUTION

1. (c)

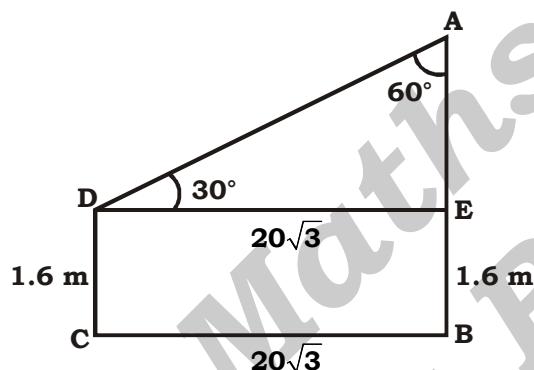
Let $AD = h = 100 \text{ m.}$ $AD = CD = 1 \text{ unit} \rightarrow 100 \text{ m.}$ $BD = \sqrt{3} \text{ unit} \rightarrow 100\sqrt{3} \text{ m.}$

$$BD + CD = 100\sqrt{3} + 100$$

$$= 100(\sqrt{3} + 1)$$

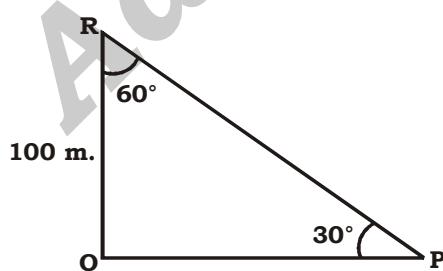
$$= 100(1.73 + 1) = 100 \times 2.73 = 273 \text{ m.}$$

2. (a)

Let $AE = h$ $CD = BE = 1.6 \text{ m.}$ $CB = DE = 20\sqrt{3} \text{ m.}$ $DE = \sqrt{3} \text{ unit} \rightarrow 20\sqrt{3} \text{ m.}$ $AE = 1 \text{ unit} \rightarrow 20 \text{ m.}$

$$AB = 20 + 1.6 = 21.6 \text{ m.}$$

3. (c)

 $RQ = 1 \text{ unit} \rightarrow 100 \text{ m.}$ $PQ = \sqrt{3} \text{ unit} \rightarrow 100\sqrt{3} \text{ m.}$

$$= 100 \times 1.73 = 173 \text{ m.}$$

4. (b)

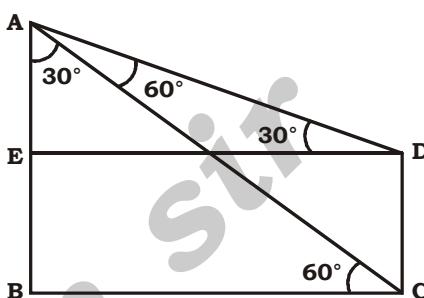
At the same time, ratio of height and shadow are same.

$$\frac{16}{8} = \frac{h}{48}$$

$$h = 16 \times 6$$

$$h = 96 \text{ cm.}$$

5. (c)



$$AB = 100 \text{ m.}$$

$$AB = \sqrt{3} \text{ unit} \rightarrow 100 \text{ m.}$$

$$BC = 1 \text{ unit} \rightarrow \frac{\sqrt{100}}{\sqrt{3}} \text{ m.}$$

Now, in $\triangle AED$,

$$AE = 1 \text{ unit} \rightarrow \frac{\sqrt{100}}{3} \text{ m.}$$

$$CD = 100 - \frac{100}{3} = \frac{200}{3} = 66.6 \text{ m.}$$

6. (c)

Ratio will be same.

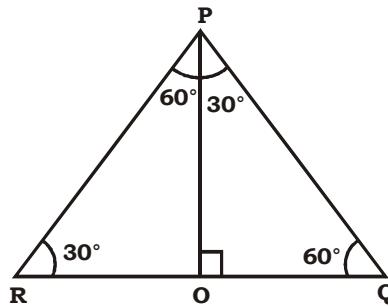
$$\frac{17.5}{40.25} = \frac{H}{28.75}$$

$$\frac{70}{161} = \frac{H}{28.75}$$

$$H = \frac{287.5}{23}$$

$$H = 12.5 \text{ cm.}$$

7. (d)



In $\triangle OPR$, $OR = (\sqrt{3} \text{ unit}) \times \sqrt{3} = 3 \text{ unit}$

$$OP = (1 \text{ unit}) \times \sqrt{3} = \sqrt{3} \text{ unit}$$

In $\triangle OQP$, $OP = \sqrt{3} \text{ unit}$

$OQ = 1 \text{ unit}$ and $PQ = 2 \text{ unit}$

$$RQ = 3 \text{ unit} + 1 \text{ unit} = 4 \text{ unit} \rightarrow 180 \text{ m.}$$

$$1 \text{ unit} \rightarrow 45 \text{ m.}$$

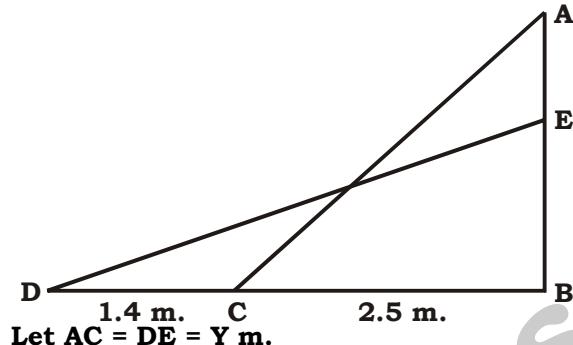
$$OP \Rightarrow \sqrt{3} \text{ unit} \rightarrow 45\sqrt{3} \text{ m.}$$

$$PQ \Rightarrow 2 \text{ unit} \rightarrow 45 \times 2 = 90 \text{ m.}$$

Height of tower = $OP + PQ$

$$= 45\sqrt{3} + 90 = 45(\sqrt{3} + 2) \text{ m.}$$

8. (b)



Let $AC = DE = Y \text{ m.}$

$$AE = 0.8 \text{ m.}$$

Let $BE = H \text{ m.}$

$$H^2 + (3.9)^2 = Y^2 \text{ (in } \triangle BDE\text{)}$$

$$(H + 0.8)^2 + (2.5)^2 = Y^2 \text{ (in } \triangle ABC\text{)}$$

$$(H + 0.8)^2 + (2.5)^2 = H^2 + (3.9)^2$$

$$H^2 + (0.8)^2 + 1.6H + (2.5)^2 = H^2 + (3.9)^2$$

$$1.6H = 8.32$$

$$H = \frac{8.32}{1.6} = 5.2$$

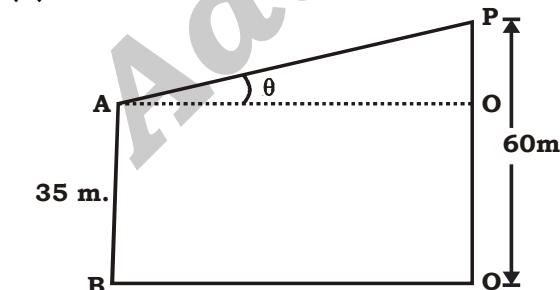
$$AB = 5.2 + 0.8 \\ = 6 \text{ m.}$$

Length of the ladder = $Y = \sqrt{(6)^2 + (2.5)^2}$

$$Y = 6.5 \text{ m.}$$

$$Y = 6.5 \text{ m.}$$

9. (d)



$$AB = OQ = 35 \text{ m.}$$

$$PO = PQ - OQ = 60 - 35 = 25 \text{ m.}$$

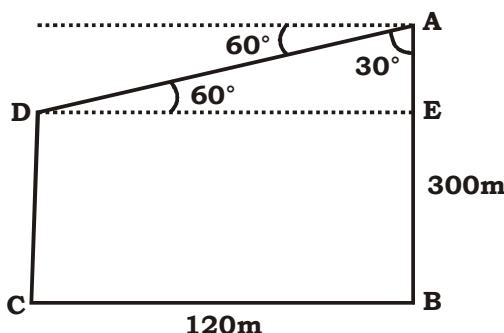
$$\tan \theta = \frac{5}{9} = \frac{PO}{AO}$$

$PO = 5 \text{ unit} \rightarrow 25 \text{ m.}$

1 unit $\rightarrow 5 \text{ m.}$

$AO = BQ = 9 \text{ unit} \rightarrow 45 \text{ m.}$

10. (c)



$$AB = 300 \text{ m,}$$

$$BC = 120 \text{ m.} = DE$$

$$DE = 1 \text{ unit} \rightarrow 120 \text{ m.}$$

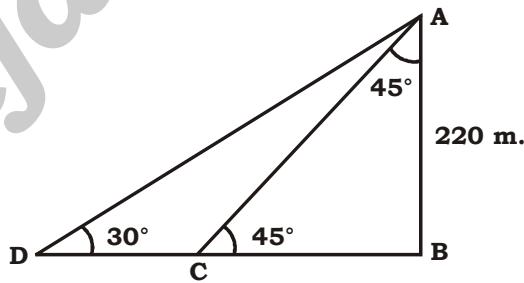
$$AE = \sqrt{3} \text{ unit} \rightarrow 120\sqrt{3} \text{ m.}$$

$$= 120 \times 1.73$$

$$= 207.6 \text{ m.}$$

$$CD = BE = \text{Height of small tower} = 300 - 207.6 \\ = 92.4 \text{ m.}$$

11. (d)



In $\triangle ABC$,

$$AB = 1 \text{ unit} \rightarrow 220 \text{ m.}$$

$$BC = 1 \text{ unit}$$

In $\triangle ABD$

$$AB = 1 \text{ unit}$$

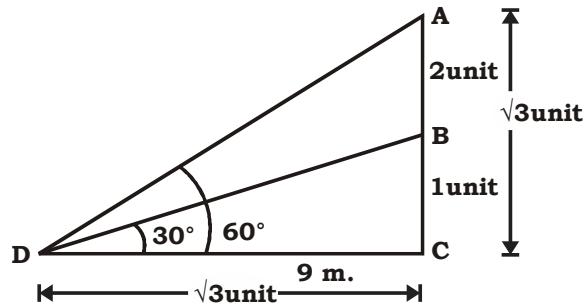
$$BD = \sqrt{3} \text{ unit}$$

$$BD - BC = \sqrt{3} \text{ unit} - 1 \text{ unit}$$

$$= (\sqrt{3} - 1) \text{ unit} = (\sqrt{3} - 1) \times 220$$

$$= (0.732 \times 220) = 161.04$$

12. (b)

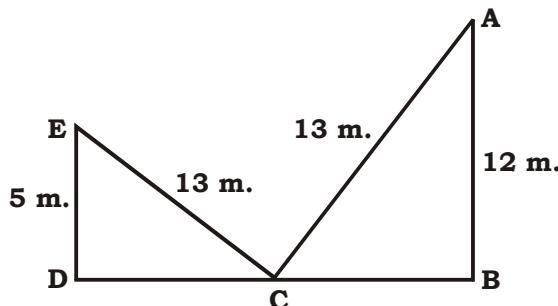


$$\sqrt{3} \text{ unit} = 9$$

$$AB \text{ (2 unit)} = \frac{9}{\sqrt{3}} \times 2$$

$$= \frac{18}{3} \times \sqrt{3} = 6\sqrt{3}$$

13. (a)



$BC = 5 \text{ m}$ (Pythagoras in $\triangle ABC$)

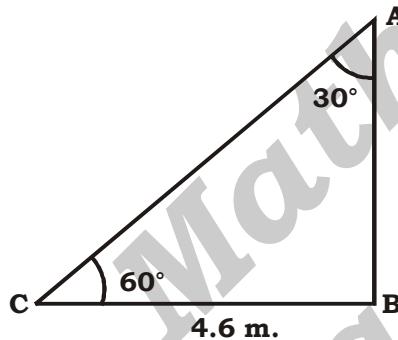
$CD = 12 \text{ m}$ (Pythagoras in $\triangle EDC$)

$BD = CD + BC$

$$= 12 + 5$$

$$= 17 \text{ m.}$$

14. (c)

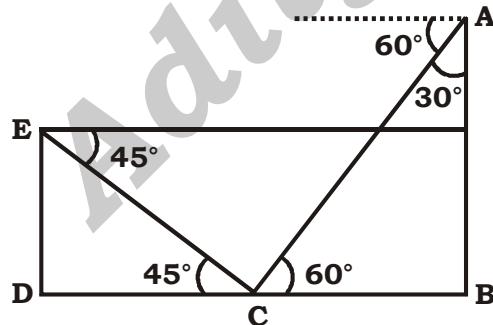


$BC = 1 \text{ unit} \rightarrow 4.6 \text{ m.}$

$AC = 2 \text{ unit} \rightarrow 4.6 \times 2 = 9.2 \text{ m.}$

Length of the ladder = 9.2 m.

15. (b)



$BD = 400 \text{ m.}$

$DE = 200 \text{ m.}$

$DC = 200 \text{ m.}$

In $\triangle EDC$,

$DE = CD = 200 \text{ m.}$

In $\triangle ABC$,

$$BC = BD - DC$$

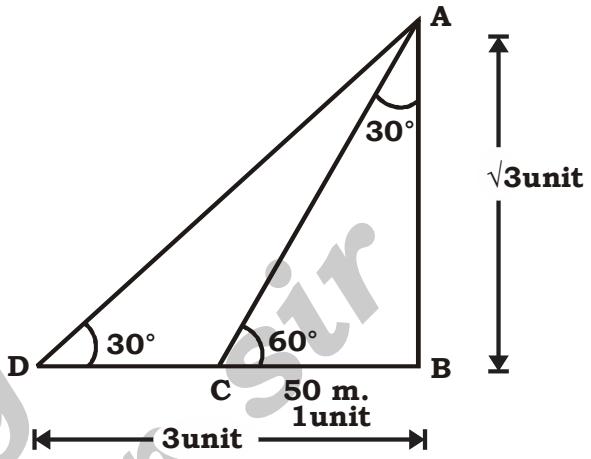
$$= 400 - 200$$

$BC = 200 \text{ m.}$

$BC = 1 \text{ unit} \rightarrow 200 \text{ m.}$

$AB = \sqrt{3} \text{ unit} \rightarrow 200\sqrt{3} \text{ m.}$

16. (c)



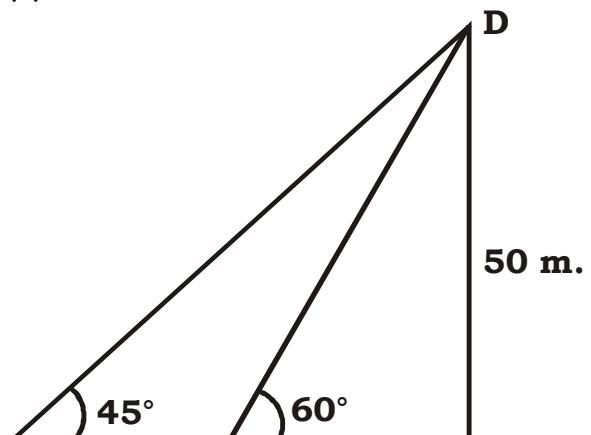
$$1 \text{ unit} = 50$$

So, $DC = 2 \text{ unit} = 100$

$$\text{Speed} = \frac{100}{8} \text{ m/s}$$

$$\frac{100}{8} \times \frac{18}{5} = 45 \text{ km/h}$$

17. (a)



In $\triangle BDC$,

$$BC = 1 \text{ unit} \times \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \text{ unit}$$

$$DC = \sqrt{3} \text{ unit} \times \frac{1}{\sqrt{3}} = 1 \text{ unit}$$

In $\triangle ADC$,

$$DC = 1 \text{ unit}$$

↓

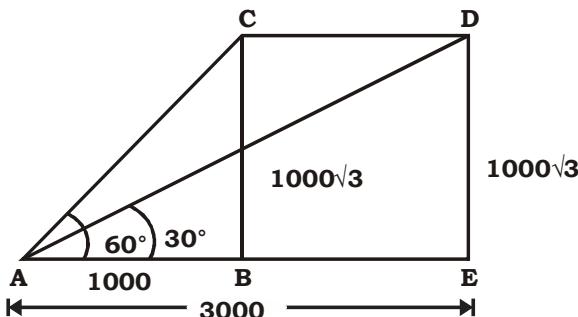
50 m.

$$AB = AC - BC = 1 \text{ unit} - \frac{1}{\sqrt{3}} \text{ unit}$$

$$= \left(\frac{\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3}} \right) \text{ unit} = \left(\frac{\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3}} \right) \times 50$$

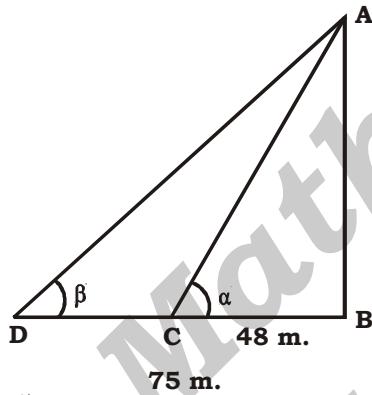
$$= \frac{(1.732 - 1)}{1.732} \times 50 = 21.1 \text{ m.}$$

18. (c)



$$BE = 3000 - 1000 = 2000$$

19. (b)



$$\alpha = 15^\circ, \beta = 75^\circ$$

$\alpha + \beta = 90^\circ \Rightarrow$ complementary Angles

Then,

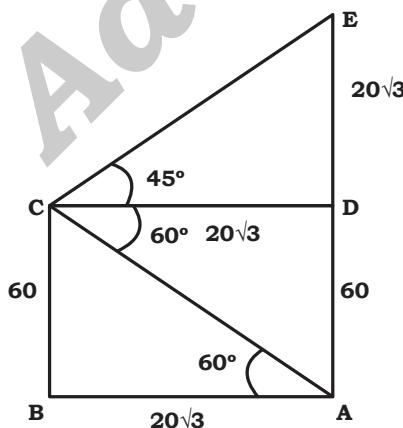
$$H = \sqrt{48 \times 75}$$

$$H = \sqrt{8 \times 6 \times 15 \times 5}$$

$$H = 2 \times 2 \times 3 \times 5$$

$$H = 60 \text{ m.}$$

20. (b)



$$\text{Height of pole AE} = AD + DE$$

$$= 60 + 20\sqrt{3} = 20(3 + \sqrt{3}) \text{ m}$$

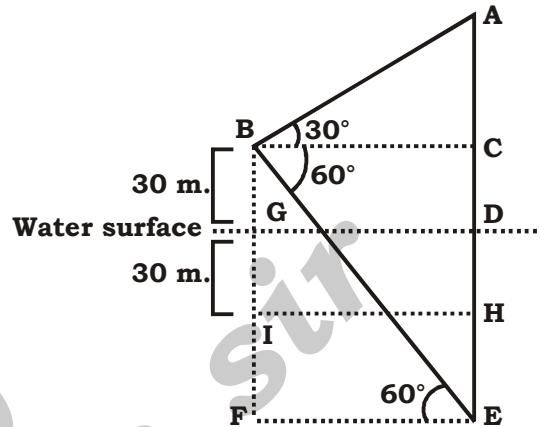
21. (c)

$$H = \sqrt{9 \times 16}$$

$$H = 3 \times 4$$

$$H = 12 \text{ m.}$$

22. (a)



Let, AC = H

Then HE = H

HE = FI = H

$$\text{In } \triangle ABC, \tan 30^\circ = \frac{H}{BC} \Rightarrow \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{H}{BC}$$

$$BC = H\sqrt{3} = EF$$

In $\triangle BFE$,

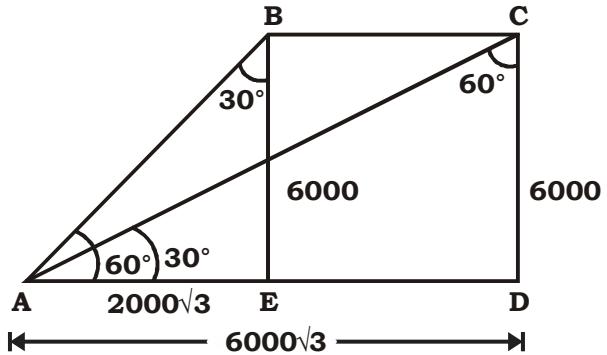
$$\tan 60^\circ = \frac{60 + H}{H\sqrt{3}} \Rightarrow \sqrt{3} = \frac{60 + H}{H\sqrt{3}}$$

$$3H - H = 60$$

$$H = 30 \text{ m.}$$

Height of the aeroplane form the water - surface of the lake = $30 + H = 30 + 30 = 60$ m.

23. (b)



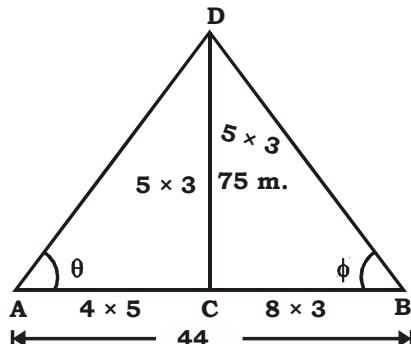
$$\text{Distance cover in 40 second} = DE$$

$$= 6000\sqrt{3} - 2000\sqrt{3} = 4000\sqrt{3}$$

So,

$$\text{Speed} = \frac{4000\sqrt{3}}{40} = 100\sqrt{3}$$

24. (a)

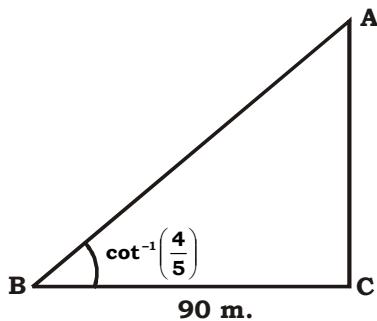


$$15 \text{ unit} = 75$$

$$1 \text{ unit} = 5$$

$$44 \text{ unit} = 220 \text{ m}$$

25. (c)



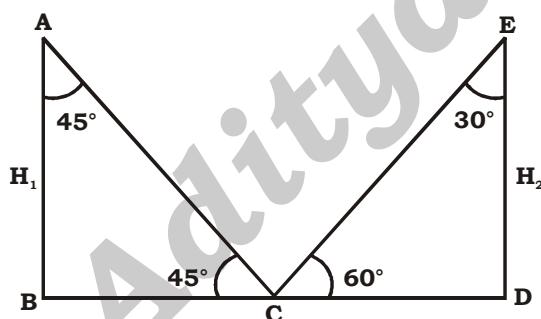
$$\theta = \cot^{-1}\left(\frac{4}{5}\right)$$

$$\cot \theta = \frac{4}{5} = \frac{90}{AC}$$

$$AC = \frac{450}{4}$$

$$AC = 112.5 \text{ m.}$$

26. (b)



$$BC = CD \text{ (Given)}$$

$$\text{Also, } BC = AB = H,$$

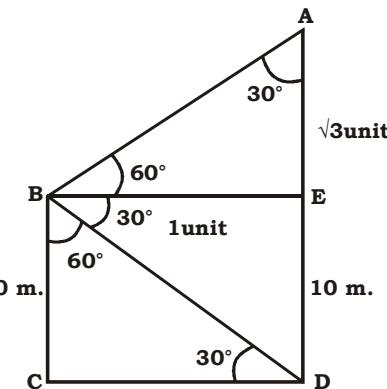
In $\triangle CDE$,

$$\tan 60^\circ = \frac{DE}{CD}$$

$$\sqrt{3} = \frac{H_2}{H_1}$$

$$H_1 : H_2 = 1 : \sqrt{3}$$

27. (b)

In $\triangle ABC$

$$BC = 1 \text{ unit} \rightarrow 10 \text{ m.}$$

$$CD = \sqrt{3} \text{ unit} \rightarrow 10\sqrt{3} \text{ m.}$$

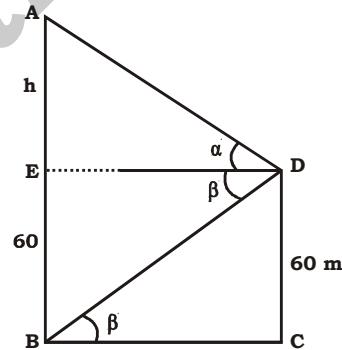
In $\triangle ABE$,

$$BE = 1 \text{ unit} \rightarrow 10\sqrt{3} \text{ m.}$$

$$AE = \sqrt{3} \text{ unit} \rightarrow 10\sqrt{3} \times \sqrt{3} = 10 \times 3 = 30 \text{ m.}$$

Height of the light house = $30 + 10 = 40 \text{ m.}$

28. (c)



$$CD = BE = 60 \text{ m}$$

Let, $AE = h$

$$\text{In } \triangle ADE, \tan \alpha = \frac{h}{ED}$$

$$ED = \frac{h}{\tan \alpha} \quad \dots\dots\dots (1)$$

Also, $ED = BC$

$$\text{In } \triangle BDC, \tan \beta = \frac{60}{ED}$$

$$\tan \beta = \frac{60}{h} \quad (\text{Using (I)})$$

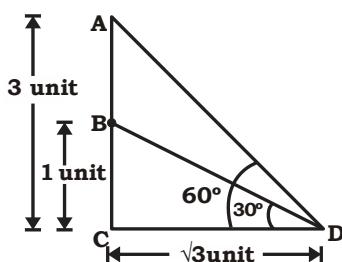
$$h = \frac{60 \tan \alpha}{\tan \beta} \quad \dots\dots\dots (2)$$

$$AB = 60 + h$$

$$= 60 + \frac{60 \tan \alpha}{\tan \beta} \quad (\text{Using (II)})$$

$$= 60 \left(1 + \frac{\tan \alpha}{\tan \beta} \right) = 60 (1 + \tan \alpha \cot \beta)$$

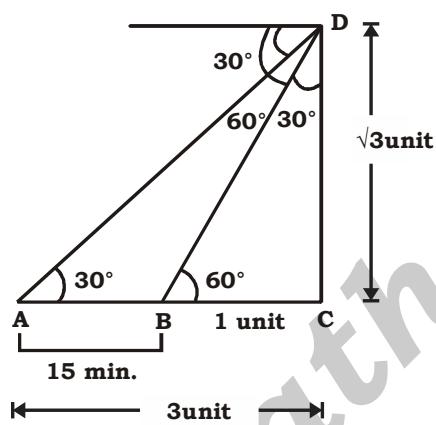
29. (a)



Given, AC (3 unit) = 4000

$$\text{So, } AB \text{ (2 unit)} = \frac{8000}{3} \text{ m}$$

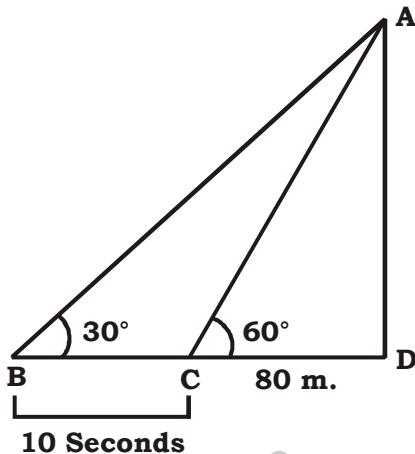
30. (d)



2 unit = 15 minute

1 unit = 7.5 minute

31. (c)

In $\triangle ACD$,

$$AD = \sqrt{3} \text{ unit} \rightarrow 80\sqrt{3} \text{ m.}$$

In $\triangle ABD$,

$$AD = 1 \text{ unit} \rightarrow 80\sqrt{3} \text{ m.}$$

$$BD = \sqrt{3} \text{ unit} \rightarrow 80\sqrt{3} \times \sqrt{3} \text{ m.}$$

$$= 240 \text{ m.}$$

$$BC = BD - DC$$

$$= 240 \text{ m.} - 80 \text{ m.}$$

$$= 160 \text{ m.}$$

$$\text{Speed} = \frac{160}{10} = 16 \text{ m/s}$$