

STATISTICS

सांख्यिकी

UPDATED

CLASS ROOM SHEET

FOR ALL EXAMS

BY ADITYA RANJAN

 Maths By Aditya Ranjan

 Rankers Gurukul

PDF की विशेषताएं
INDIA में पहली बार

- **UPDATED CONTENT**
- **TYPE WISE**
- **LEVEL WISE**
- **BILINGUAL**
- **ERROR FREE**

MATHS SPECIAL BATCH
में Enroll करने के लिए

8506003399

9289079800

DOWNLOAD

RG VIKRAMJEET APP

MATHS EXPERT



Statistics / सांख्यिकी

[CLASSROOM SHEET]

MEAN/माध्य

The arithmetic mean of a given data is the sum of all observations divided by the number of observations. For example, a cricketer's scores in five ODI matches are as follows: 12, 34, 45, 50, 24. To find his average score we calculate the arithmetic mean of data using the mean formula:

किसी दिए गए डेटा का माध्य प्रेक्षणों के योगफल को प्रेक्षणों की संख्या से विभाजित करने पर प्राप्त होता है उदाहरण के लिए, पांच एकदिवसीय मैचों में एक क्रिकेटर के स्कोर 12, 34, 45, 50, 24 हैं। उसका औसत स्कोर ज्ञात करने के लिए हम माध्य सूत्र की सहायता से डेटा का समान्तर माध्य ज्ञात करते हैं।

Mean/माध्य

$$= \frac{\text{Sum of all observations / सभी प्रेक्षणों का योगफल}}{\text{Number of observations / प्रेक्षणों की संख्या}}$$

$$\text{Mean/माध्य} = (12 + 34 + 45 + 50 + 24)/5$$

$$\text{Mean/माध्य} = 165/5 = 33$$

Mean is denoted by $\bar{x}$ (pronounced as x bar).

माध्य को $\bar{x}$ द्वारा प्रदर्शित करते हैं।

MEAN OF GROUPED DATA

(वर्गीकृत आँकड़ों का समान्तर माध्य)

If $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$ are n values of a variable X , then the arithmetic mean or simply mean of these values is denoted by $\bar{X}$ and is defined as:

$$\bar{X} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n}{n} \text{ or } \bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}$$

1. The arithmetic mean of the following data is _____.

12, 34, 45, 50, 24

निम्नलिखित संख्याओं का अंकगणितीय/समान्तर माध्य _____ होगा।

12, 34, 45, 50, 24

- (a) 30 (b) 36
(c) 33 (d) 25

2. The arithmetic mean of the following data is _____.

23, 17, 20, 19, 21

निम्नलिखित संख्याओं का अंकगणितीय/समान्तर माध्य _____ होगा।

23, 17, 20, 19, 21

SSC CGL TIER - II 02/03/2023

- (a) 20 (b) 19
(c) 23 (d) 21

3. If the mean of six observations 5, 7, 9, α , 11 and 12 is 9 then the value of α is :

यदि छह प्रेक्षणों 5, 7, 9, α , 11 और 12 का माध्य 9 है, तो α का मान है:

- (a) 10 (b) 15
(c) 22 (d) 25

4. If the mean of the data 28, 26, 22, 11, 13, x is 20, then find the value of ' x '.

यदि 28, 26, 22, 11, 13, x आंकड़ों का माध्य 20 है, तो ' x ' का मान ज्ञात कीजिए।

- (a) 20 (b) 30
(c) 25 (d) 28

FOR DISCRETE FREQUENCY DISTRIBUTION

If X takes values $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$ with corresponding frequencies $f_1, f_2, f_3, \dots, f_n$ respectively, then arithmetic mean of these values is given by:

यदि X का मान $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$ तथा संगत आवृत्तियाँ क्रमशः $f_1, f_2, f_3, \dots, f_n$ हो, तो इन मानों का समान्तर माध्य होगा:

$$\bar{X} = \frac{f_1 x_1 + f_2 x_2 + f_3 x_3 + \dots + f_n x_n}{f_1 + f_2 + f_3 + \dots + f_n}$$

$$\text{or } \bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n f_i x_i}{N} \text{ where } N = \sum_{i=1}^n f_i = f_1 + f_2 + f_3 + \dots + f_n$$

5. Find the mean of the following distribution:

निम्नलिखित वितरण का माध्य ज्ञात कीजिए:

(x)	4	6	9	10	15
(f)	5	10	10	7	8

- (a) 9 (b) 10
(c) 12 (d) 8

6. The following table shows the number of commercial clerks at 100 stations in a electric department:

निम्नलिखित तालिका में एक विद्युत विभाग के 100 स्टेशनों के कमर्शियल क्लर्कों की संख्या बताई गई है:

Number of Commercial Clerks	(x)	3	1	2	0	4	5
Number of stations	(f)	12	24	11	9	29	15

Find the mean from the above.

उपर्युक्त से माध्य ज्ञात कीजिए।

- (a) 2.50 (b) 2.73
(c) 2.33 (d) 2.58

7. Find the mean of the following distribution:

निम्नलिखित वितरण का माध्य ज्ञात कीजिए:

(x)	5	6	7	8	9
(f)	4	8	14	11	3

- (a) 8.325 (b) 9.125
(c) 7.025 (d) 5.225

8. If the mean of the following distribution is 6, find the value of p.

यदि निम्नलिखित वितरण का माध्य 6 है, तो p का मान ज्ञात कीजिए।

(x)	2	4	6	10	p + 5
(f)	3	2	3	1	2

- (a) 7 (b) 8
(c) 9 (d) 10

9. If the mean of the following data is 15, then find the value of k.

यदि निम्नलिखित डेटा का माध्य 15 है, तो k का मान ज्ञात कीजिए।

(x)	5	10	15	20	25
(f)	6	k	6	10	5

- (a) 7 (b) 8
(c) 6 (d) 10

10. Find the mean of the following frequency distribution:

निम्नलिखित आवृत्ति वितरण का माध्य ज्ञात कीजिए:

Class interval:	0-10	10-20	20-30	30-40	40-50
No. of workers (f):	7	10	15	8	10

- (a) 25.8 (b) 24.8
(c) 25.9 (d) 24.9

11. Arithmetic Mean (AM) of the following data is-
निम्नलिखित डाटा का समांतर (AM) माध्य है-

Class-interval	6-10	10-14	14-18	18-22	22-26
Frequency	5	12	7	5	1

- (a) 10 (b) 12
(c) 14 (d) 18

12. The mean of the following distribution is 26, then what is the value of k?

यदि निम्नलिखित बंटन का माध्य 26 है, तो k का मान क्या है?

Class	0-10	10-20	20-30	30-40	40-50
Frequency	8	10	K	6	12

- (a) 8 (b) 1
(c) 4 (d) 10

13. Find the arithmetic mean of the following frequency distribution by the assumed mean method:

कल्पित माध्य विधि द्वारा निम्नलिखित बारंबारता बंटन का समांतर माध्य ज्ञात कीजिए:

Class-interval	50-150	150-250	250-350	350-450	450-550
Frequency	16	10	22	15	12

- (a) 290 (b) 296
(c) 285 (d) 250

14. Find the arithmetic mean of the following frequency distribution by the assumed mean method:

कल्पित माध्य विधि द्वारा निम्नलिखित बारंबारता बंटन का समांतर माध्य ज्ञात कीजिए:

Wages (in Rs.):	800	820	860	900	920	980	1000
No. of Workers:	7	14	19	25	20	10	5

- (a) Rs. 891.2 (b) Rs. 890.2
(c) Rs. 895.6 (d) Rs. 898.6

MEDIAN/माध्यिका

The value of the middlemost observation, obtained after arranging the data in ascending or descending order, is called the median of the data.

डेटा को आरोही क्रम में व्यवस्थित करने के बाद मध्यतम प्रेक्षण को माधिका कहते हैं।

For example, consider the data: 4, 4, 6, 3, 2. Let's arrange this data in ascending order: 2, 3, 4, 4, 6. There are 5 observations. Thus, median = middle value i.e. 4.

उदाहरण के लिए माना 4, 4, 6, 3, 2 कोई डेटा है इसे सबसे पहले आरोही क्रम 2, 3, 4, 4, 6 में व्यवस्थित करते हैं। कुल 5 प्रेक्षण हैं। इस लिए माध्यिका = मध्यतम मान अर्थात् 4 है।

STEP I: Arrange the observations $x_1, x_2, \dots, x_n$ in ascending or descending order of magnitude.

प्रेक्षणों $x_1, x_2, \dots, x_n$ को परिमाण के आरोही या अवरोही क्रम में व्यवस्थित करें।

STEP II: Determine the total number of observations, say, n

प्रेक्षणों की कुल संख्या निर्धारित करें, मान लीजिए, n

STEP III: If n is odd, then median is the value of $\left(\frac{n+1}{2}\right)^{\text{th}}$ observation.

यदि n विषम है, तो माध्यिका $\left(\frac{n+1}{2}\right)^{\text{th}}$ अवलोकन का मान है।

If n is even, then median is the AM of the values of $\left(\frac{n}{2}\right)^{\text{th}}$ and $\left(\frac{n}{2} + 1\right)^{\text{th}}$ observations.

यदि n सम है, तो माध्यिका $\left(\frac{n}{2}\right)^{\text{th}}$ और $\left(\frac{n}{2} + 1\right)^{\text{th}}$ प्रेक्षणों के मानों का AM है।

15. The following are the marks of 9 students in a class. Find the median.

एक कक्षा में 9 छात्रों के अंक निम्नलिखित हैं। माध्यिका ज्ञात कीजिए।

34, 32, 48, 38, 24, 30, 27, 21, 35

- (a) 24 (b) 32
(c) 38 (d) 21

16. Find the median of the daily wages of ten workers from the following data:

निम्नलिखित आंकड़ों से दस श्रमिकों की दैनिक मजदूरी का माध्य ज्ञात कीजिए:

Rs. 20, 25, 17, 18, 8, 15, 22, 11, 9, 14

- (a) 16 (b) 18
(c) 20 (d) 22

17. The median of the following data will be _____.

32, 25, 33, 27, 35, 29 and 30

निम्नलिखित संख्याओं की माध्यिका होगी।

32, 25, 33, 27, 35, 29 और 30

SSC CGL TIER- II 03/03/2023

- (a) 32 (b) 27
(c) 30 (d) 29

18. The median of a set of observations 15, 16, 18, 22, $x + 2$, $x + 3$, 26, 27, 30 arranged in ascending order is 24, then find the value of x .

आरोही क्रम व्यवस्थित प्रेक्षणों के एक सेट 15, 16, 18, 22, $x + 2$, $x + 3$, 26, 27, 30 की माध्यिका 24 है, तो x का मान ज्ञात कीजिए।

- (a) 26 (b) 25
(c) 20 (d) 22

19. The median of observations $k - \frac{3}{2}$, $k + 2$, $k - 1$, $k + 4$, $k + \frac{1}{2}$, $k - 3$, $k + 4\frac{1}{2}$ is _____.

प्रेक्षणों, $k - \frac{3}{2}$, $k + 2$, $k - 1$, $k + 4$, $k + \frac{1}{2}$, $k - 3$, $k + 4\frac{1}{2}$ की माध्यिका ज्ञात कीजिए।

NTPC 01/04/2021 (Shift-03)

- (a) $k - \frac{3}{2}$ (b) $k + \frac{1}{2}$
(c) $k - 1$ (d) $k + 2$

20. What is the difference between mean and median of the given data.

दिए गए आँकड़ों के माध्य और माध्यिका में क्या अंतर है।

6, 8, 5, 7, 12, 16, 6, 8, 13

- (a) 4 (b) 2
(c) 11 (d) 1.5

21. The median of a set of 11 distinct observations is 73.2. If each of the largest five observations of the set is increased by 3, then the median of the new set:

11 विभिन्न प्रेक्षणों के एक समुच्चय की माध्यिका 73.2 है। यदि समुच्चय के सबसे बड़े पांच प्रेक्षणों में से प्रत्येक में 3 की वृद्धि की जाती है, तो इस नए समुच्चय की माध्यिका :

SSC CGL TIER- II 07/03/2023

- (a) Is 3 times that of the original set
मूल सेट का 3 गुना है
(b) Is increased by 3/3 की वृद्धि हुई है
(c) Remains the same as that of the original set
मूल सेट के समान ही रहता है
(d) Is decreased by 3/3 से घटा है

22. The median of a set of 7 distinct observation is 21.5. If each of the largest 3 observations of the set is increased by 4, then the median of the new sets:

7 भिन्न प्रेक्षणों के एक समुच्चय की माध्यिका 21.5 है। यदि समुच्चय के सबसे बड़े 3 प्रेक्षणों में से प्रत्येक में 4 की वृद्धि कर दी जाए, तो नए समुच्चय की माध्यिका -

- (a) Will decrease by $4/4$ कम होगी
 (b) Will be four times the original median
 मूल माध्यिका की चार गुना होगी
 (c) Will remain the same as that of the original set/ मूल समुच्चय के समान ही रहेगी
 (d) Will increase by $4/4$ बढ़ेगी

MEDIAN OF DISCRETE FREQUENCY DISTRIBUTION

(असतत् बारंबारता बंटन की माध्यिका)

STEP I : Find the cumulative frequencies (c.f.)
 संचयी आवृत्तियों को ज्ञात करें

STEP II : Find $\frac{N}{2}$, where $N = \sum_{i=1}^n f_i$

$\frac{N}{2}$ ज्ञात करें, जहाँ $N = \sum_{i=1}^n f_i$

STEP III: See the cumulative frequency (c.f.) just greater than $\frac{N}{2}$ and determine the corresponding value of the variable.

$\frac{N}{2}$ से ठीक अधिक संचयी आवृत्ति (सी.एफ.) देखें और चर का संगत मान निर्धारित करें।

STEP IV: The value obtained in step III is the median.

चरण III में प्राप्त मान ही माध्यिका है।

23. Obtain the median for the following frequency distribution:

निम्नलिखित आवृत्ति वितरण के लिए माध्यिका प्राप्त करें:

x	1	2	3	4	5	6	7	8	9
f	8	10	11	16	20	25	15	9	6

- (a) 3 (b) 5
 (c) 7 (d) 10

24. Find the median of the following data.

निम्नलिखित आँकड़ों की माध्यिका ज्ञात कीजिए।

Term (x)	5	7	9	11	13	16
Frequency	3	2	4	6	3	5

- (a) 15 (b) 12
 (c) 10.5 (d) 11

MEDIAN OF A GROUPED OR CONTINUOUS FREQUENCY DISTRIBUTION

(सतत् बारंबारता बंटन की माध्यिका)

STEP I : Obtain the frequency distribution.

आवृत्ति वितरण प्राप्त करें.

STEP II : Prepare the cumulative frequency column and obtain $N = \sum f_i$.

संचयी आवृत्ति स्तंभ तैयार करें और $N = \sum f_i$ प्राप्त करें।

STEP III : Find $\frac{N}{2}$ ज्ञात करें।

STEP IV : See the cumulative frequency just greater than $\frac{N}{2}$ and determine the corresponding class. This class is known as the median class.

$\frac{N}{2}$ से ठीक अधिक संचयी आवृत्ति देखें और संगत वर्ग निर्धारित करें। इस वर्ग को माध्यिका वर्ग के नाम से जाना जाता है।

STEP V : Use the following formula:

$$\text{Median} = l + \left\{ \frac{\frac{N}{2} - F}{f} \right\} \times h$$

निम्नलिखित सूत्र का प्रयोग करें:

$$\text{माध्यिका} = l + \left\{ \frac{\frac{N}{2} - F}{f} \right\} \times h$$

where, l = lower limit of the median class

जहाँ, l = माध्यिका वर्ग की निचली सीमा

f = frequency of the median class

f = माध्यिका वर्ग की आवृत्ति

h = (size) of the median class

25. Calculate the median from the following distribution:

निम्नलिखित वितरण से माध्यिका की गणना करें:

Class	5-10	10-15	15-20	20-25	25-30	30-35	35-40	40-45
Frequency	5	6	15	10	5	4	2	2

- (a) 17.4 (b) 18.4
 (c) 14.2 (d) 19.5

26. Find the median of the following data.

निम्नलिखित आँकड़ों की माध्यिका ज्ञात कीजिए।

Class	10-15	15-20	25-30	30-35	35-40
Frequency	7	9	11	8	18

- (a) 29 (b) 25.1
(c) 22.5 (d) 27.35

27. Find the median of the following data.

निम्नलिखित आँकड़ों की माध्यिका ज्ञात कीजिए।

Class (CI)	Frequency (F)
0-10	8
10-20	3
20-30	7
30-40	4
40-50	10
50-60	1
60-70	3
70-80	5
80-90	2
90-100	4

- (a) 38 (b) 40
(c) 35 (d) 41.5

Mode/बहुलक

The mode or modal value of a distribution is that value of the variable for which the frequency is maximum.

वह मान जो दिए गए डेटा में सबसे अधिक बार दिखाई देता है यानी उच्चतम आवृत्ति वाल डेटा बहुलक कहलाता है।

28. Find the mode of the following data:

निम्नलिखित डेटा का बहुलक ज्ञात करें:

25, 16, 19, 48, 19, 20, 34, 15, 19, 20, 21, 24, 19, 16, 22, 16, 18, 20, 16, 19

- (a) 16 (b) 19
(c) 20 (d) 22

29. What will be the mode of the following data?

निम्नलिखित आँकड़ों का बहुलक क्या होगा?

13, 15, 31, 12, 27, 13, 27, 30, 27, 28 and 16

SSC CGL TIER- II 06/03/2023

- (a) 28 (b) 31
(c) 30 (d) 27

30. What is the mode of the given data?

दिए गए डेटा का बहुलक ज्ञात कीजिए।

5, 7, 9, 7, 3, 7, 5, 7, 8, 6, 7

SSC CGL TIER- II 07/03/2023

- (a) 7 (b) 6
(c) 5 (d) 3

31. Find the mode and median of 8, 7, 3, 7, 9, 4, 5, 9, 7, 6, 5.

8, 7, 3, 7, 9, 4, 5, 9, 7, 6, 5 का बहुलक तथा माध्यिका ज्ञात कीजिए।

- (a) 9, 8 (b) 7, 7
(c) 8, 6 (d) 7, 8

32. Find the sum of the mean, median and mode of the given data.

दिए गए डेटा का माध्य, माध्यिका और बहुलक का योग ज्ञात कीजिए।

9, 35, 20, 25, 25, 15, 25

NTPC 30/01/2021 (Shift-01)

- (a) 50 (b) 47
(c) 75 (d) 72

Relation between mean, median & mode

माध्य, माध्यिका और बहुलक के बीच संबंध

Mode/बहुलक = $3(\text{Median/माध्यिका}) - 2(\text{Mean/माध्य})$

33. Mean of a sample data = 60 and median = 48. Find the mode of this distribution.

एक नमूना आँकड़ों का माध्य = 60 और माध्यिका = 48 है। इस बंटन का बहुलक ज्ञात कीजिए।

SSC CGL TIER- II 06/03/2023

- (a) 36 (b) 18
(c) 24 (d) 48

34. Find the mode if mean and median are 4 and 5 respectively.

यदि माध्य और माध्यिका क्रमशः 4 और 5 हैं तो बहुलक ज्ञात कीजिए।

NTPC 05/02/2021 (Shift-01)

- (a) 9 (b) 7
(c) 11 (d) 5

COMPUTATION OF MODE FOR A CONTINUOUS FREQUENCY DISTRIBUTION

सतत् बारंबारता बंटन का बहुलक

STEP I: Obtain the continuous frequency distribution.

सतत आवृत्ति वितरण प्राप्त करें।

STEP II: Determine the class of maximum frequency either by inspection or by grouping method. This class is called the modal class.

निरीक्षण या समूहीकरण विधि द्वारा अधिकतम आवृत्ति का वर्ग निर्धारित करें। इस वर्ग को मोडल वर्ग कहा जाता है।

STEP III: Obtain the values of the following from the frequency distribution:

आवृत्ति वितरण से निम्नलिखित के मान प्राप्त करें:

l = lower limit of the modal class, मोडल वर्ग की निचली सीमा,

f = frequency of the modal class

मोडल वर्ग की आवृत्ति

h = width of the modal class,

मोडल वर्ग की चौड़ाई,

f_1 = frequency of the class preceding the modal class,

मोडल वर्ग से पहले वाले वर्ग की आवृत्ति

f_2 = frequency of the class following the modal class.

मोडल वर्ग के बाद वाले वर्ग की आवृत्ति।

STEP IV : Substitute the values obtained in step III in the following formula:

चरण III में प्राप्त मानों को निम्नलिखित सूत्र में रखें:

$$\text{Mode/ बहुलक} = l + \frac{f - f_1}{2f - f_1 - f_2} \times h$$

35. Given below is the data of the age of the various children.

नीचे विभिन्न बच्चों की आयु का डेटा दिया गया है।

What is the difference between the mean and mode of the ages?

आयु के माध्य और बहुलक में क्या अंतर है?

Age (years) (X)	Number of Children (F)
9	1
12	6
5	9
8	7
7	4
6	3

(a) 2.6 (b) 2.5

(c) 3.5 (d) 3.6

36. For the following grouped frequency distribution, find the mode:

निम्नलिखित समूहीकृत आवृत्ति वितरण के लिए, बहुलक ज्ञात कीजिए:

Class:	3-6	6-9	9-12	12-15	15-18	18-21	21-24
Frequency:	2	5	10	23	21	12	3

(a) 13.6 (b) 15.6

(c) 15.4 (d) 14.6

37. Find the mode for the given distribution (rounded off to two decimal places).

दिए गए बटन का बहुलक ज्ञात कीजिए (दो दशमलव स्थान तक पूर्णांकित)।

Class Interval	5-10	10-15	15-20	20-25	25-30	30-35
Frequency	8	7	6	9	11	10

SSC CGL TIER - II 02/03/2023

(a) 35.25

(b) 40.25

(c) 30.33

(d) 28.33

38. The mode for the above grouped frequency distribution is-

उपरोक्त वर्गीकृत बारम्बारता बंटन के लिए बहुलक है-

Category	Frequency
0-10	6
10-20	10
20-30	20
30-40	5
40-50	2

(a) 25

(b) 26

(c) 24

(d) 29

39. Given below is the distribution of 48 students present in the class on the basis of their attendance (days):

नीचे कक्षा में उपस्थित 48 विद्यार्थियों का वितरण उनकी उपस्थिति (दिन) के आधार पर दिया गया है:

Number of days of Attendance उपस्थिति के दिनों की संख्या	6-10	10-14	14-18	18-22	22-26
Number of Students विद्यार्थियों की संख्या	7	13	18	8	2

Find the mode

बहुलक ज्ञात करें।

(a) 15.29

(b) 15.33

(c) 15.60

(d) 16.50

Range/परास

Difference between highest and lowest numbers, is called Range.

उच्चतम और निम्नतम संख्याओं के बीच के अंतर को परास कहते हैं।

How to find the Range:

परास कैसे ज्ञात करें।

(i) Put the numbers in ascending order.

संख्याओं को सबसे पहले आरोही क्रम में व्यवस्थित करें।

(ii) Subtract the lowest value from the largest.

सबसे बड़े से सबसे छोटे मान को घटाएं।

Range = largest value - smallest value

40. What is the range of the following data?

निम्नलिखित में डाटा का परिसर क्या है?

Data/डाटा: 35, 40, 25, 27, 38, 45, 50, 65

(a) 44

(b) 45

(c) 38

(d) 40

41. Find the range of 12, 22, 7, 1, 5, 27, 30, 43.

12, 22, 7, 1, 5, 27, 30, 43 की रेंज ज्ञात कीजिए।

(a) 28

(b) 48

(c) 35

(d) 42

42. Calculate the range for the given frequency distribution.

उपरोक्त डाटा का परास (रेंज) क्या है?

Class Interval	Frequency
10-20	2
20-30	3
30-40	14
40-50	8
50-60	3
60-70	8
70-80	2

- (a) 50 (b) 70
(c) 60 (d) 55

Variance/प्रसरण

Variance is a measure of variability in statistics. It assesses the average squared difference between data values and the mean.

प्रसरण - भिन्नता सांख्यिकी में परिवर्तनशीलता का एक माप है। यह डेटा मानों और माध्य के बीच औसत वर्ग अंतर का आकलन करता है।

It is denoted by (σ^2) /इसे (σ^2) सूचित किया जाता है।

Sample variance/प्रतिद्वर्त विचरण

$$(\sigma^2) = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}$$

How to compute variance and standard deviation?

प्रसरण और मानक विचलन की गणना कैसे करें?

Step 1 - Compute the simple mean $\bar{x}$.

चरण 1- साधारण माध्य $\bar{x}$ की गणना करें।

Step 2 - Calculate the difference of $x_i - \bar{x}$, for each value in the data set.

चरण 2- डेटा सेट में प्रत्येक मान के लिए $x_i - \bar{x}$ के अंतर की गणना करें।

Step 3 - Calculate the squared difference $(x_i - \bar{x})^2$, for each value in the data set.

चरण 3 - डेटा सेट में प्रत्येक मान के लिए वर्ग अंतर $(x_i - \bar{x})^2$ की गणना करें।

Step 4 - Sum of Differences of the the squares $\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$.

चरण 4 - अंतरों के वर्ग का योग $\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$

Step 5 - Divide the sum of squared differences with n,

$$\text{variance } (\sigma^2) = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}$$

चरण 5 - वर्ग अंतरों के योग को n, विचरण $(\sigma^2) = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}$ से विभाजित करें।

43. Calculate the variance from the following data.
निम्नलिखित डेटा से विचरण की गणना करें।

3, 6, 5, 2, 4

NTPC 02/03/2021 (Shift-03)

- (a) 3 (b) 2
(c) 2.2 (d) 2.5

44. Calculate the variance for the following data:

निम्नलिखित डेटा के लिए विचरण की गणना करें:

2, 5, 6, 8, 9

NTPC 19/03/2021 (Shift-03)

- (a) 3 (b) 4
(c) 6 (d) 5

45. The variance of the seven observations 6, 7, 10, 12, 13, 8, 14 is:

सात प्रेक्षणों 6, 7, 10, 12, 13, 8, 14 का प्रसरण है:

NTPC 19/03/2021 (Shift-01)

- (a) 9 (b) 9.25
(c) 8.50 (d) 8.29

46. The variance of 20 observations is 5. If each observation is multiplied by 2, then the variance of the resulting observation will be:

20 प्रेक्षणों का प्रसरण 5 है। यदि प्रत्येक प्रेक्षण को 2 से गुणा किया जाए, तो परिणामी प्रेक्षण का प्रसरण होगा:

NTPC 10/02/2021 (Shift-03)

- (a) 5 (b) 2×5
(c) $2^2 \times 5$ (d) 2×5^2

Standard Deviation/मानक विचलन

If σ^2 is the variance, then σ is called the standard deviation./यदि σ^2 विचरण है, तो σ मानक विचलन कहलाता है

$$\text{Standard Deviation } (\sigma) = \sqrt{\text{variance}}$$

$$\text{मानक विचलन } (\sigma) = \sqrt{\text{प्रसरण}} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}}$$

47. If the variance of 5 value is 0.81, then what is its standard deviation?

यदि 5 मानों का प्रसरण 0.81 है, तो इसका मानक विचलन क्या है?

SSC MTS 26/10/2021 (Shift-01)

- (a) 0.09 (b) 0.9
(c) 2.7 (d) 0.27

48. Calculate the standad deviation for the following data.

निम्नलिखित डेटा के लिए मानक विचलन की गणना करें।

3, 4, 5, 6, 7

NTPC 14/03/2021 (Shift-01)

- (a) $\sqrt{6}$ (b) $\sqrt{3}$
(c) $\sqrt{2}$ (d) 2

49. Find the standard deviation of the following data (rounded off to two decimal places).
निम्नलिखित आंकड़ों का मानक विचलन ज्ञात कीजिए
(दो दशमलव स्थान तक पूर्णांकित)।
5, 3, 4, 7

SSC CGL TIER-II 03/03/2023

- (a) 1.48 (b) 3.21
(c) 4.12 (d) 2.45
50. Calculate the standard deviation for the following data.
निम्नलिखित डेटा के लिए मानक विचलन की गणना करें।
4, 7, 9, 10, 15

NTPC 12/03/2021 (Shift-01)

- (a) 2.733 (b) 3.133
(c) 3.533 (d) 3.633
51. The standard deviation of 12 values is 3. If each value is increased by 4, then find the variance of the new set of values.
12 मानों का मानक विचलन 3 है। यदि प्रत्येक मान में 4 की वृद्धि की जाती है, तो मानों के नए सेट का प्रसरण ज्ञात कीजिए।

NTPC 29/01/2021 (Shift-01)

- (a) 7 (b) 16
(c) 25 (d) 9

What is Mean Deviation? / माध्य विचलन क्या है?

The mean deviation of a given standard distribution is the average of the deviation from the central tendency. Central Tendency can be computed using the Arithmetic Mean, Median, or Mode of the data. It is used to show how far the observations are situated from the central point of the data (the central point can be either mean, median or mode).

किसी दिए गए मानक वितरण का औसत विचलन केंद्रीय प्रवृत्ति से विचलन का औसत है। केंद्रीय प्रवृत्ति की गणना डेटा के अंकगणितीय माध्य, माध्यिका या मोड का उपयोग करके की जा सकती है। इसका उपयोग यह दिखाने के लिए किया जाता है कि अवलोकन डेटा के केंद्रीय बिंदु से कितनी दूर स्थित हैं (केंद्रीय बिंदु या तो माध्य, माध्यिका या मोड हो सकता है)।

Mean Deviation about Mean**माध्य के सापेक्ष माध्य विचलन**

The mean deviation about mean is defined as a statistical measure that is used to calculate the average deviation from the mean value of the given data set.

माध्य के सापेक्ष माध्य विचलन को एक सांख्यिकीय माप के रूप में परिभाषित किया गया है जिसका उपयोग दिए गए डेटा सेट के माध्य से औसत विचलन की गणना करने के लिए किया जाता है।

$$\text{Ungrouped data M.D.} = \frac{\sum_1^n |X_i - \text{Mean}|}{n}$$

$$\text{Coefficient of M. D.} = \frac{\text{M.D.}}{\bar{X}}; \text{ where } \bar{X} \text{ is Mean}$$

The mean deviation of the data values can be easily calculated using the below procedure.

नीचे दी गई प्रक्रिया का उपयोग करके डेटा मानों के औसत विचलन की गणना आसानी से की जा सकती है।

Step 1: Find the mean value for the given data values

चरण 1: दिए गए डेटा मानों का माध्य मान ज्ञात करें

Step 2: Now, subtract the mean value from each of the data values given (Note: Ignore the minus symbol)

चरण 2: अब, दिए गए प्रत्येक डेटा मान से माध्य मान घटाएं (नोट: ऋण चिह्न पर ध्यान न दें)

Step 3: Now, find the mean of those values obtained in step 2.

चरण 3: अब, चरण 2 में प्राप्त उन मानों का माध्य ज्ञात कीजिए।

52. Determine the mean deviation for the data values 5, 3, 7, 8, 4, 9.

डेटा मान 5, 3, 7, 8, 4, 9 के लिए माध्य विचलन निर्धारित करें।

- (a) 1 (b) 2
(c) 2 (d) 2.5

53. Find the mean deviation of the given data about their mean.

उनके माध्य के बारे में दिए गए डेटा का माध्य विचलन ज्ञात कीजिए।

{4, 6, 7, 3, 5, 5}

- (a) 1 (b) 3
(c) 3 (d) 4

54. Find the coefficient of mean deviation from the following data:

निम्नलिखित डेटा से माध्य विचलन का गुणांक ज्ञात कीजिए:

3, 8, 7, 6, 5, 1

- (a) 0.4 (b) 0.5
(c) 0.3 (d) 0.6

55. What is the mean deviation of first 10 even natural numbers?

प्रथम 10 सम प्राकृतिक संख्याओं का माध्य विचलन क्या है?

- (a) 5 (b) 5.5
(c) 10 (d) 10.5

Mean Deviation about Median**माध्यिका के सापेक्ष माध्य विचलन**

The mean deviation about median is defined as a statistical measure that is used to calculate the average deviation from the median value of the given data set.

माध्यिका के सापेक्ष माध्य विचलन को एक सांख्यिकीय माप के रूप में परिभाषित किया गया है जिसका उपयोग दिए गए डेटा सेट के माध्यिका से औसत विचलन की गणना करने के लिए किया जाता है।

$$\text{Ungrouped data M.D.} = \frac{\sum_1^n |X_i - \text{Median}|}{n}$$

$$\text{Coefficient of M.D.} = \frac{\text{M.D.}}{M}; \text{ Where M is Median}$$

The mean deviation of the data values can be easily calculated using the below procedure.

नीचे दी गई प्रक्रिया का उपयोग करके डेटा मानों के औसत विचलन की गणना आसानी से की जा सकती है।

Step 1: Find the Median for the given data values

चरण 1: दिए गए डेटा मानों का माध्यिका ज्ञात करें

Step 2: Now, subtract the median from each of the data values given (Note: Ignore the minus symbol)

चरण 2: अब, दिए गए प्रत्येक डेटा मान से माध्यिका घटाएं (नोट: ऋण चिह्न पर ध्यान न दें)

Step 3: Now, find the mean of those values obtained in step 2.

चरण 3: अब, चरण 2 में प्राप्त उन मानों का माध्य ज्ञात कीजिए।

56. Find the mean deviation about the median for the following data:

निम्नलिखित डेटा के लिए माध्यिका के सापेक्ष में माध्य विचलन ज्ञात कीजिए:

4, 6, 9, 3, 10, 13, 2.

- (a) 3.28 (b) 0
(c) 0 (d) 0

57. The mean deviation about median for the given data:

दिए गए डेटा के लिए माध्यिका के सापेक्ष में औसत विचलन: 52, 56, 66, 70, 75, 80, 82 is:

SSC CGL Tier-II (JSO) 14/09/2019

- (a) 9 (b) 7
(c) 3 (d) 6

58. Compute Coefficient of M.D. from median for following series.

निम्नलिखित श्रृंखला के लिए माध्यिका से M.D. के गुणांक की गणना करें।

3, 7, 12, 14, 15, 18, 22

- (a) 0.226 (b) 0.336
(c) 0.356 (d) 0.426

Mean Deviation about Mode**बहुलक के सापेक्ष माध्य विचलन**

The mean deviation about mode is defined as a statistical measure that is used to calculate the average deviation from the mode value of the given data set.

बहुलक के सापेक्ष माध्य विचलन को एक सांख्यिकीय माप के रूप में परिभाषित किया गया है जिसका उपयोग दिए गए डेटा सेट के बहुलक से औसत विचलन की गणना करने के लिए किया जाता है।

$$\text{Ungrouped data M.D.} = \frac{\sum_1^n |X_i - \text{Mode}|}{n}$$

$$\text{Coefficient of M.D.} = \frac{\text{M.D.}}{Z}; \text{ where Z is Mode.}$$

The mean deviation of the data values can be easily calculated using the below procedure.

नीचे दी गई प्रक्रिया का उपयोग करके डेटा मानों के औसत विचलन की गणना आसानी से की जा सकती है।

Step 1: Find the mode for the given data values

चरण 1: दिए गए डेटा मानों का बहुलक ज्ञात करें

Step 2: Now, subtract the mode from each of the data values given (Note: Ignore the minus symbol)

चरण 2: अब, दिए गए प्रत्येक डेटा मान से बहुलक घटाएं (नोट: ऋण चिह्न पर ध्यान न दें)

Step 3: Now, find the mean of those values obtained in step 2.

चरण 3: अब, चरण 2 में प्राप्त उन मानों का माध्य ज्ञात कीजिए।

59. The mean deviation about mode for the given data:

दिए गए डेटा के लिए बहुलक के सापेक्ष में औसत विचलन:

7, 4, 10, 9, 15, 12, 7, 9, 7 is:

- (a) 2.36 (b) 2.56
(c) 2.16 (d) 3.56

60. The mean deviation about mode for the given data:

दिए गए डेटा के लिए बहुलक के सापेक्ष में औसत विचलन:

2, 4, 4, 3, 2, 4, 1 is:

- (a) 1.142 (b) 1.243
(c) 1.213 (d) 1.321

Coefficient of variation/विचरण गुणांक

It is describe variability by expressing the standard deviation as a proportion of mean, usually a percentage. The formula for it as a percentage is,

यह मानक विचलन को माध्य के अनुपात, आमतौर पर प्रतिशत के रूप में व्यक्त करके परिवर्तनशीलता का वर्णन करता है। प्रतिशत के रूप में इसका सूत्र है,

Coefficient of variation/विचरण गुणांक

$$= \frac{\text{Standard deviation}}{\text{Mean}} \times 100$$

61. If the mean is 25 and the standard deviation is 5 then the coefficient of variation is:

यदि माध्य 25 है और मानक विचलन 5 है तो भिन्नता का गुणांक है:

NTPC 07/01/2021 (Shift-03)

- (a) 20% (b) 48%
(c) 60% (d) 27%

62. If the standard deviation of a set of numbers is 3 and the arithmetic mean of these numbers is 6, what is the coefficient of variation of these numbers?

यदि संख्याओं के समूह का मानक विचलन 3 है और इन संख्याओं का अंकगणितीय माध्य 6 है, तो इन संख्याओं का भिन्नता गुणांक क्या है?

NTPC 08/04/2021 (Shift-01)

- (a) 125 (b) 75
(c) 50 (d) 100

ANSWER KEY

1.(c)	2.(a)	3.(a)	4.(a)	5.(a)	6.(b)	7.(c)	8.(a)	9.(b)	10.(a)
11.(c)	12.(c)	13.(a)	14.(b)	15.(b)	16.(a)	17.(c)	18.(d)	19.(b)	20.(c)
21.(c)	22.(c)	23.(b)	24.(d)	25.(d)	26.(a)	27.(d)	28.(b)	29.(d)	30.(a)
31.(b)	32.(d)	33.(c)	34.(b)	35.(a)	36.(d)	37.(d)	38.(c)	39.(b)	40.(d)
41.(d)	42.(b)	43.(b)	44.(c)	45.(d)	46.(c)	47.(b)	48.(c)	49.(a)	50.(d)
51.(d)	52.(b)	53.(a)	54.(a)	55.(a)	56.(a)	57.(a)	58.(b)	59.(b)	60.(a)
61.(a)	62.(c)								